

Université Larbi ben M'hidi Oum El Bouaghi
Institut des Sciences et des Techniques Appliquées
Département : Gestion des Entreprises et des Administrations

Examen du premier semestre
Module : **Traitement des données financières**
Année universitaire : 2025-2026
Nom & Prénom :

Troisième Année
Durée : 1.5 heure
Date: 20/01/2026
Groupe : Numéro :

تمرين 01:

إذا كانت أوزان 500 طالب تتوزع طبيعياً بمتوسط 68 كغ وانحراف معياري قدره 3 كغ.

و المطلوب:

- 1- كم عدد الطلبة الذين تزيد أوزانهم عن 72 كغ.
- 2- كم عدد الطلبة الذين أوزانهم تقل أو تساوي 64 كغ.
- 3- كم عدد الطلبة الذين تزيد أوزانهم أو تساوي 66 كغ وتقل أو تساوي 70 كغ.
- 4- كم عدد الطلبة الذين تزيد أوزانهم أو تساوي 64 كغ وتقل أو تساوي 72 كغ.

-1
-2
-3
-4

تمرين 02:

الجزء الأول: نسحب 3 كريات بدون ارجاع من كيس به 5 كريات بيضاء و 3 حمراء، نرمز بـ: X لعدد الكريات البيضاء المسحوبة و بـ: Y لعدد الكريات الحمراء المسحوبة.

- 1- حدد قانون التوزيع الاحتمالي لكل من X و Y . ثم أحسب $F(X)$ و $F(Y)$.
- 2- أحسب: $P_x(1 < X \leq 3)$; $P_y(1 < Y \leq 3)$.

X	0	1	2	3	Σ
$P(X)$					
$F(X)$					

Y	0	1	2	3	Σ
$P(Y)$					
$F(Y)$					

.....

.....

حل التمرين 01: (4 نقاط)

1- عدد الطلبة التي تزيد أوزانهم عن 72 كغ. $z = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{72 - 68}{3} = 1.33$

$P(x > 72) = P(z > 1.33) = 1 - P(z < 1.33) = 1 - 0.9082 = 0.0918$

عدد الطلبة هو: $0.0918 * 500 \approx 46$ طالب

2- عدد الطلبة الذين أوزانهم تقل أو تساوي 64 كغ.

$P(x \leq 64) = P(x < 64) ; z = \frac{64 - 68}{3} = -1.33$

$P(x < 64) = P(z < -1.33) = 1 - P(z < 1.33) = 1 - 0.9082 = 0.0918$

عدد الطلبة هو: $0.0918 * 500 \approx 46$ طالب

3- عدد الطلبة الذين تزيد أوزانهم أو تساوي 66 كغ وتقل أو تساوي 70 كغ.

$P(66 \leq x \leq 70) ; z_1 = \frac{66 - 68}{3} \approx -0.66 ; z_2 = \frac{70 - 68}{3} \approx 0.66$

$P(66 < x < 70) = P(-0.66 < z < 0.66) = F(0.66) - F(-0.66) = F(0.66) - [1 - F(0.66)]$

$P(66 < x < 70) = 0.7454 - 1 + 0.7454 = 0.4908$

عدد الطلبة هو: $0.4908 * 500 \approx 245$ طالب

4- عدد الطلبة الذين تزيد أوزانهم أو تساوي 64 كغ وتقل أو تساوي 72 كغ.

$P(64 \leq x \leq 72) ; z_1 = \frac{64 - 68}{3} \approx -1.33 ; z_2 = \frac{72 - 68}{3} \approx 1.33$

$P(64 < x < 72) = P(-1.33 < z < 1.33) = F(1.33) - F(-1.33) = F(1.33) - [1 - F(1.33)]$

$P(64 < x < 72) = 0.9082 - 1 + 0.9082 = 0.8164$

عدد الطلبة هو: $0.8164 * 500 \approx 408$ طالب

حل التمرين 02: (7 نقاط)

الجزء الأول:

1- تحديد القوانين الاحتمالية وتوابع التوزيع لكل من: Y, X .

X	0	1	2	3	Σ	Y	0	1	2	3	Σ
P(X)	1/56	15/56	30/56	10/56	1	P(Y)	10/56	30/56	15/56	1/56	1
F(X)	1/56	16/56	46/56	56/56	-	F(Y)	10/56	40/56	55/56	56/56	-

P(X)	$\frac{C_5^0 C_3^3}{C_8^3} = 1 / 56$	$\frac{C_5^1 C_3^2}{C_8^3} = 15 / 56$	$\frac{C_5^2 C_3^1}{C_8^3} = 30 / 56$	$\frac{C_5^3 C_3^0}{C_8^3} = 10 / 56$
P(Y)	$\frac{C_5^3 C_3^0}{C_8^3} = 10 / 56$	$\frac{C_5^2 C_3^1}{C_8^3} = 30 / 56$	$\frac{C_5^1 C_3^2}{C_8^3} = 15 / 56$	$\frac{C_5^0 C_3^3}{C_8^3} = 1 / 56$

-حساب كل من:

$$P(1 < X \leq 3) = F_x(3) - F_x(1) = 1 - 16/56 = 40/56 \approx 0.71$$

$$P(1 < Y \leq 3) = F_y(3) - F_y(1) = 1 - 40/56 = 16/56 \approx 0.28$$

الأسئلة النظرية: كل عشر على 10. (90 نقاط)

صحيح: يعتبر التحليل التوفيقي أداة من أدوات حساب ما يسمى بالإحتمالات، بحيث لحساب هذه الاحتمالات كثيرا ما نحتاج إلى ما يسمى إحصاء عدد الحالات أو عدد الامكانيات أو عدد الطرق.

صحيح: إن عدد لوحات السيارات التي يمكن الحصول عليها من استعمال حرفين من الأحرف الهجائية و 3 أرقام إلى يسار هذه الأحرف مع جواز تكرار الحرف والرقم هو: 784000 لوحة.

خطأ: إن عدد لوحات السيارات التي يمكن الحصول عليها من استعمال حرفين من الأحرف الهجائية و 3 أرقام إلى يسار هذه الأحرف مع عدم جواز تكرار الحرف والرقم هو: 544321 لوحة. 544320 لوحة

خطأ: إن عدد لوحات السيارات التي يمكن الحصول عليها من استعمال حرفين من الأحرف الهجائية و 3 أرقام إلى يسار هذه الأحرف مع جواز تكرار الحرف وعدم تكرار الرقم هو: 564481 لوحة. 564480 لوحة

صحيح: إن عدد لوحات السيارات التي يمكن الحصول عليها من استعمال حرفين من الأحرف الهجائية و 3 أرقام إلى يسار هذه الأحرف بحيث لا يكون الرقم الأول صفر و الحرفين مختلفين هو: 680400 لوحة.

صحيح: يمكن أن نعرف المتغير العشوائي X على أنه: عبارة عن دالة حقيقية معرفة على المجموعة Ω إلى مجموعة الأعداد الحقيقية $\mathbb{R}$.