



## الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس الإحصاء معمق

## التمرين الأول:

| الإجابة  | العلامة |
|--|---------|
| 1. خطأ: العكس هو الصحيح؛ $(\alpha)$ هو الثابت (الجزء الصادي)، و $(\beta)$ هو الميل (معامل الانحدار)  | 2×0,5   |
| 2. خطأ: يستخدم اختبار كاي مربع $(X^2)$ البيانات الأسمية أو الرتبية، أي البيانات التي تكون في شكل تكرارات داخل جداول مزدوجة.  | 2×0,5   |
| 3. خطأ: معامل فاي $(\phi)$ هو أداة لقياس قوة العلاقة الارتباطية وليس أداة تنبؤ، معامل الانحدار هو أداة التنبؤ.   | 2×0,5   |
| 4. خطأ: الحالة الاجتماعية متغير نوعي (كيفي) اسمية غير قابلة للتصنيف.   | 2×0,5   |
| 5. خطأ: يستخدم معامل الارتباط الثنائي الأصيل عندما يكون أحد المتغيرين كميًا مستمرًا (مثل معدل الطالب)، والمتغير الآخر نوعيًا اسميًا ثنائي الانقسام (مثل الجنس: ذكر/أنثى) | 2×0,5   |
| 6. خطأ: العينة العشوائية البسيطة تستخدم في المجتمعات المتجانسة، أما المجتمعات غير المتجانسة فتستخدم لها العينة الطبقية   | 2×0,5   |

## التمرين الثاني:

| الإجابة  | العلامة |
|--|---------|
| . حساب معاملات الانحدار $(\alpha, \beta)$<br>- معامل الميل $(\beta_1)$ :     | 0,5     |
| $\beta_1 = \frac{\sum(X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{\sum(X_i - \bar{X})^2}$ | 0,5     |
| حيث أن:  | 0,5     |
| $\bar{X} = \frac{\sum X_i}{N} = \frac{44}{10} = 4,4$                         | 0,5     |

|      |   |                                  |                   |                   |       |       |         |
|------|---|----------------------------------|-------------------|-------------------|-------|-------|---------|
|      | $\bar{Y} = \frac{\sum Y_i}{N} = \frac{307}{10} = 30,7$  |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,75 | $(X_i - \bar{X})^2$   | $(X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})$ | $(Y_i - \bar{Y})$ | $(X_i - \bar{X})$ | $Y_i$ | $X_i$ | التلميذ |
|      | 11,56   | 53,38                            | -15,7             | -3,4              | 15    | 1     | 1       |
|      | 5,76  | 30,48                            | -12,7             | -2,4              | 18    | 2     | 2       |
|      | 1,96  | 12,18                            | -8,7              | -1,4              | 22    | 3     | 3       |
|      | 1,96  | 7,98                             | -5,7              | -1,4              | 25    | 3     | 4       |
|      | 0,16  | 0,28                             | -0,7              | -0,4              | 30    | 4     | 5       |
|      | 0,36  | 0,78                             | 1,3               | 0,6               | 32    | 5     | 6       |
|      | 0,36  | 2,58                             | 4,3               | 0,6               | 35    | 5     | 7       |
|      | 2,56  | 14,88                            | 9,3               | 1,6               | 40    | 6     | 8       |
|      | 6,76  | 29,38                            | 11,3              | 2,6               | 42    | 7     | 9       |
|      | 12,96   | 62,28                            | 17,3              | 3,6               | 48    | 8     | 10      |
|      | 44,4  | 214,2                            | -                 |                   | 307   | 44    | المجموع |
| 0,25 | $\beta_1 = \frac{214,2}{44,4} = 4,82$   |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,5  | - حساب الجزء المقطعي $(\alpha)$ :   |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,25 | $\beta_0 = \bar{Y} - \hat{\beta}_1 \bar{X}$<br>$\beta_0 = 30,7 - 4,82 \times 4,4$<br>$\beta_0 = 9,49$                         |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,5  | - كتابة معادلة الانحدار المقدرة:  |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,25 | $\hat{Y} = \beta_0 + \hat{\beta}_1 X$<br>$\hat{Y} = 9,49 + 4,82X$   |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,5  | 2. حساب معامل التحديد $(R^2)$ :   |                                  |                   |                   |       |       |         |
|      | $R^2 = (r_p)^2 /$<br>$r_p = \frac{n \sum(x.y) - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{[n \sum x^2 - (\sum x)^2][n \sum y^2 - (\sum y)^2]}}$ |                                  |                   |                   |       |       |         |
| 0,75 | $X.Y$   | $Y^2$                            | $X^2$             | $Y_i$             | $X_i$ |       | التلميذ |

|      |       |     |     |    |         |
|------|-------|-----|-----|----|---------|
| 15   | 225   | 1   | 15  | 1  | 1       |
| 36   | 324   | 4   | 18  | 2  | 2       |
| 66   | 484   | 9   | 22  | 3  | 3       |
| 75   | 625   | 9   | 25  | 3  | 4       |
| 120  | 900   | 16  | 30  | 4  | 5       |
| 160  | 1024  | 25  | 32  | 5  | 6       |
| 175  | 1225  | 25  | 35  | 5  | 7       |
| 240  | 1600  | 36  | 40  | 6  | 8       |
| 294  | 1764  | 49  | 42  | 7  | 9       |
| 384  | 2304  | 64  | 48  | 8  | 10      |
| 1565 | 10475 | 238 | 307 | 44 | المجموع |

0,5

$$r_p = \frac{10 \times 1565 - 44 \times 307}{\sqrt{[10 \times 238 - (44)^2][10 \times 10475 - (307)^2]}}$$

$$r_p = \frac{2142}{\sqrt{4662444}} = 0.9920 \Rightarrow R^2 = (0,992)^2$$

$$R^2 = 0,9840$$

0,5

التفسير: الأنشطة المدرسية تفسر 98,40% من التباين في الذكاء الاجتماعي لدى التلاميذ، وهو تأثير قوي جدا.

0,5

3. حساب الخطأ المعياري للتنبؤ ( $S_e$ ):

0,25

$$S_e = \sqrt{\frac{\sum Y^2 - \beta_0 \sum Y - \beta_1 \sum XY}{n - 2}}$$

$$S_e = \sqrt{\frac{10475 - (9,49 \times 307) - (4,82 \times 1565)}{10 - 2}}$$

$$S_e = 1,51$$

التمرين الثالث:

| الإجابة | العلامة  |              |                         |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
|---------|--|--------------|-------------------------|-----------------|-----------------------------|-----------------|-----------------------------|-----|-----|-----|-----|-------|-----|----|-----|-----|-----|------|-----|-----|-----|----|-----|------|-----|----|-----|-----|-----|------|-----|-----|-----|-----|-----|-------|-----|----|-----|-----|-----|------|----|----|-----|----|-----|------|----|----|-----|----|-----|------|----|
| 1,00    | 1. حساب قيمة كا تربيع $(X^2)$ :<br>$X^2 = \sum \frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$  |              |                         |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| 1,00    | . حساب التكرار المتوقع $(f_e)$ لكل خلية:<br>$f_e = \frac{(\text{مجموع العمود}) \times (\text{مجموع الصف})}{(\text{الحجم الكلي للعينة})}$   |              |                         |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| 0,5     | <table border="1"> <thead> <tr> <th>الخلية</th> <th>مجموع الصف</th> <th>مجموع العمود</th> <th>التكرار المتوقع <math>(f_e)</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>DH</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>DM</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>DL</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>AH</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>AM</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>AL</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>NH</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>NM</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> <tr><td>NL</td><td>300</td><td>300</td><td>100</td></tr> </tbody> </table>  | الخلية       | مجموع الصف              | مجموع العمود    | التكرار المتوقع $(f_e)$     | DH              | 300                         | 300 | 100 | DM  | 300 | 300   | 100 | DL | 300 | 300 | 100 | AH   | 300 | 300 | 100 | AM | 300 | 300  | 100 | AL | 300 | 300 | 100 | NH   | 300 | 300 | 100 | NM  | 300 | 300   | 100 | NL | 300 | 300 | 100 |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| الخلية  | مجموع الصف   | مجموع العمود | التكرار المتوقع $(f_e)$ |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DH      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DM      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DL      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AH      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AM      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AL      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| NH      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| NM      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| NL      | 300  | 300          | 100                     |                 |                             |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| 0,75    | <table border="1"> <thead> <tr> <th>الخلية</th> <th><math>(f_e)</math></th> <th><math>(f_o)</math></th> <th><math>(f_o - f_e)</math></th> <th><math>(f_o - f_e)^2</math></th> <th><math>\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>DH</td><td>100</td><td>250</td><td>150</td><td>22500</td><td>225</td></tr> <tr><td>DM</td><td>100</td><td>40</td><td>-60</td><td>3600</td><td>36</td></tr> <tr><td>DL</td><td>100</td><td>10</td><td>-90</td><td>8100</td><td>81</td></tr> <tr><td>AH</td><td>100</td><td>40</td><td>-60</td><td>3600</td><td>36</td></tr> <tr><td>AM</td><td>100</td><td>220</td><td>120</td><td>14400</td><td>144</td></tr> <tr><td>AL</td><td>100</td><td>40</td><td>-60</td><td>3600</td><td>36</td></tr> <tr><td>NH</td><td>100</td><td>10</td><td>-90</td><td>8100</td><td>81</td></tr> <tr><td>NM</td><td>100</td><td>40</td><td>-60</td><td>3600</td><td>36</td></tr> </tbody> </table> | الخلية       | $(f_e)$                 | $(f_o)$         | $(f_o - f_e)$               | $(f_o - f_e)^2$ | $\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$ | DH  | 100 | 250 | 150 | 22500 | 225 | DM | 100 | 40  | -60 | 3600 | 36  | DL  | 100 | 10 | -90 | 8100 | 81  | AH | 100 | 40  | -60 | 3600 | 36  | AM  | 100 | 220 | 120 | 14400 | 144 | AL | 100 | 40  | -60 | 3600 | 36 | NH | 100 | 10 | -90 | 8100 | 81 | NM | 100 | 40 | -60 | 3600 | 36 |
| الخلية  | $(f_e)$  | $(f_o)$      | $(f_o - f_e)$           | $(f_o - f_e)^2$ | $\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$ |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DH      | 100  | 250          | 150                     | 22500           | 225                         |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DM      | 100  | 40           | -60                     | 3600            | 36                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| DL      | 100  | 10           | -90                     | 8100            | 81                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AH      | 100  | 40           | -60                     | 3600            | 36                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AM      | 100  | 220          | 120                     | 14400           | 144                         |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| AL      | 100  | 40           | -60                     | 3600            | 36                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| NH      | 100  | 10           | -90                     | 8100            | 81                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |
| NM      | 100  | 40           | -60                     | 3600            | 36                          |                 |                             |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |     |     |     |    |     |      |     |    |     |     |     |      |     |     |     |     |     |       |     |    |     |     |     |      |    |    |     |    |     |      |    |    |     |    |     |      |    |

|      | 225   | 22500 | 150 | 250 | 100 | NL      |
|------|---|-------|-----|-----|-----|---------|
|      | $X^2 = 900$   | -     | -   | -   | -   | المجموع |
| 1,00 | <p>2. القرار الاحصائي: بما أن قيمة كاي المربع المحسوبة (900) أكبر بكثير من قيمة كاي المربع الجدولية (9,49)؛ نرفض الفرضية الصفرية ونقبل الفرضية البديلة؛ ونؤكد وجود علاقة ذات دلالة إحصائية قوية جداً بين أسلوب المعاملة الوالدية ومستوى التكيف المدرسي.</p> |       |     |     |     |         |
| 1,00 | <p>3. حساب قيمة معامل التوافق (<math>r_c</math>):<br/>يحسب معامل التوافق وفق المعادلة التالية:</p> $r_c = \sqrt{\frac{x^2}{n + x^2}}$ $r_c = \sqrt{\frac{900}{900 + 900}}$ $r_c = 0,707$  |       |     |     |     |         |
| 0,5  | <p>4. التفسير الاحصائي والاجتماعي:<br/>- قوة العلاقة: تشير قيمة معامل الارتباط (0,70) إلى وجود علاقة ارتباطية قوية قدرها 70,7% بين أسلوب المعاملة الوالدية ومستوى التكيف المدرسي.</p>   |       |     |     |     |         |
| 0,5  | <p>- اتجاه العلاقة: تشير القيمة الموجبة إلى وجود علاقة طردية بين الدخل الشهري والموقف من حماية البيئة، بمعنى أن التغيير في أسلوب معاملة الوالدين بدرجة واحدة يؤدي إلى تغيير في مستوى التكيف المدرسي ب 0,70 درجة.</p>  |       |     |     |     |         |
| 0,5  | <p>- الاستنتاج: توجد علاقة إحصائية ذات دلالة إحصائية موجبة (طردية) بين أسلوب معاملة الوالدين والتكيف المدرسي قوية تدل على أنه كلما كان أسلوب معاملة الوالدين ديمقراطي أكثر تحسن مستوى التكيف المدرسي للتلميذ والعكس صحيح.</p>                               |       |     |     |     |         |