



يوم: 206/01/13

الإجابة النموذجية لامتحان السداسي الأول الدورة العادية في مقياس الإحصاء الاستدلالي 1

التمرين الأول (08 نقاط):

1- متغير الدراسة: نمط المشاركة الاجتماعية (1.5ن)

مستوى قياسه: اسمي (1.5ن)

التعليل: لأن فئات المتغير غير قابلة للترتيب.

2- التحقق إحصائيا من صحة الافتراض عند مستوى الدلالة $\alpha=0.05$

صيغة الفرضيات (02ن):

الفرضية الصفرية: لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين التوزيع الملاحظ والتوزيع النظري فيما يخص أنماط المشاركة الاجتماعية لدى الشباب.

الفرضية البديلة: توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين التوزيع الملاحظ والتوزيع النظري فيما يخص أنماط المشاركة الاجتماعية لدى الشباب.

2- الاختبار المناسب: اختبار كاي مربع لجودة المطابقة

3- إيجاد القيمة المحسوبة (02ن):

نقوم بتطبيق القانون

$$\chi^2 = \sum \frac{(F_o - F_e)^2}{F_e}$$

ولكن قبل ذلك نحسب التكرار المتوقع:

ملاحظة 2: التكرار المتوقع في حالة ما إذا كان الجدول يتكون من صف واحد وأكثر من عمودين يتم حسابه من خلال:

$$F_e = \frac{\text{مجموع الحالات}}{\text{عدد الخانات}}$$

إذن F_e في هذه الحالة:

$$F_e = \frac{238}{04} = 59.5$$

- حساب قيمة χ^2 المحسوبة:

نمط المشاركة الاجتماعية	Fo	Fe	Fo-Fe	(Fo-Fe) ²	(Fo-Fe) ² /Fe
تطوعية	52	59.5	-7.5	56.25	0.94
رياضية	74	59.5	14.5	210.25	3.53
ثقافية	44	59.5	-15.5	240.25	4.04
رقمية	68	59.5	8.5	72.25	1.21
المجموع	238	238	/	/	9.72

من الجدول مباشرة فإن السطر الأخير يعطينا قيمة χ^2 المحسوبة والتي تساوي: 9.72

3- اختبار الدلالة الإحصائية (01ن)

3-1- القيمة الجدولية:

◁ حساب درجة الحرية:

$$df = k - 1 = 4 - 1 = 3$$

◁ مستوى الدلالة:

$$\alpha = 0.05$$

$$k^2_{(0.05,3)} = 7.81$$

3-2- اتخاذ القرار: بما أن القيمة المحسوبة (9.72) أكبر من قيمة كاي تربيع الجدولة (7.81) عند مستوى الدلالة 0.05

ودرجة الحرية 3 فإننا نرفض الفرض الصفري ونقبل الفرض البديل، وبالتالي توجد فروق دالة إحصائية عند مستوى الدلالة

0.05.

التمرين الثاني (12 نقاط):

1- المتغيرات المدروسة ومستوى قياسها (02ن):

عدد الأنشطة الجماعية التي شارك فيها الفرد خلال عام 2025: مستوى قياس نسبي

عدد المبادرات المجتمعية: مستوى قياس نسبي

2- الأسلوب الإحصائي الأنسب: اختبار كندال تاو (0.5ن)

التعليل (0.5ن):

◀ حجم العينة صغير؛

◀ توزيع البيانات غير اعتدالي.

3- التحقق إحصائياً من وجود علاقة بين المتغيرين عند مستوى الدلالة $\alpha=0.01$:

3-1- صياغة الفرضيات (02ن):

الفرضية الصفريّة: لا توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين عدد الأنشطة الجماعية التي شارك فيها الفرد خلال عام

2025 وعدد المبادرات المجتمعية التي ساهم فيها خلال الفترة نفسها.

الفرضية البديلة: توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين عدد الأنشطة الجماعية التي شارك فيها الفرد خلال عام 2025 وعدد المبادرات المجتمعية التي ساهم فيها خلال الفترة نفسها.

2-3- حساب إحصاء الاختيار كندال تاو (02ن):

باستخدام القانون التالي:

$$\tau = \frac{\sum D}{\frac{1}{2}n(n-1)}$$

أ- ترتيب البيانات تصاعدياً:

24	20	31	16	27	11	22	9	18	5	14	7	X
10	8	12	6	11	4	9	3	7	1	5	2	ترتيب X
21	18	25	13	20	9	17	6	15	8	1	3	Y
11	9	12	6	10	5	8	3	7	4	1	2	ترتيب Y

ب- ترتيب المتغير الأول X ترتيباً متصاعداً ثم ترتيب المتغير الثاني Y وفق ترتيب المتغير X كما هو مبين في الجدول التالي:

Σ													
/	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	ترتيب X
/	12	10	11	8	9	7	6	1	5	3	2	4	ترتيب Y
50	0	0	1	2	3	5	6	3	7	7	8	8	الفرق

ج- نقوم بحساب الفرق D بين عدد الرتب بعد أي رتبة من رتب المتغير الثاني وعدد الرتب قبلها والتي تكون دائماً أكبر منها.

د- بالتعويض في معامل الارتباط كندال تاو نجد:

$$\tau = \frac{50}{\frac{1}{2}12(12-1)} = 0.76$$

التعليق: يوجد ارتباط طردي متوسط من المتغيرين X و Y.

3-3- اختبار معنوية الارتباط:

من خلال حساب قيمة z (02ن):

$$z = \frac{\tau}{\sqrt{\frac{2(2n+5)}{9n(n-1)}}}$$

$$z = \frac{0.76}{\sqrt{\frac{2(2 \times 12 + 5)}{9 \times 12(12-1)}}}$$

$$z = \frac{0.76}{0.22} = 3.45$$

القيمة الجدولية لـ z عند مستوى الدلالة 0.01: 2.58.

- 3-4- المقارنة واتخاذ القرار (01ن): بما أن القيمة المحسوبة لـ z (3.45) أكبر من القيمة الجدولية (2.58) فإننا نرفض الفرض الصفري، وبالتالي فإن الباحث متأكد بنسبة ثقة 99% أن الارتباط بين المتغيرين دال إحصائياً.
- 4- رسم منحنى التوزيع المناسب عند مستوى الدلالة المعطى، ثم مثل عليه كلا من القيمة الإحصائية المحسوبة والقيمة الجدولية، وبين منطقة القبول ومنطقة الرفض (02ن).

