



يوم: 2026/05/07

امتحان الدورة العادية في مقياس اقتصاد قياسي

التمرين الأول: (4 نقاط)

1. أذكر الفرضيات الأساسية لطريقة المربعات الصغرى العادية في نموذج الانحدار الخطي المتعدد.
2. اذكر الخصائص الإحصائية للمعاملات المقدرة بطريقة المربعات الصغرى العادية.
3. اذكر سببين لوجود مشكل التعدد الخطي.
4. اذكر اهم الاختبارات للكشف عن مشكلة الارتباط الذاتي للأخطاء.

التمرين الثاني: (6 نقاط)

لتقدير نموذج انحدار خطي بسيط معطى بالعلاقة التالية:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + u_i \quad i = 1 \dots \dots \dots 10$$

ولديك المعطيات التالية:

$$n = 10; \Sigma x_i = 300; \Sigma x_i^2 = 9466; \Sigma Y_i = 250; \Sigma Y_i^2 = 6510;$$

$$\Sigma X_i Y_i = 7814; \Sigma u_i^2 = 48.42 \quad F_{tab} = 5.32$$

المطلوب:

1. قدر معاملات النموذج.
2. قدر تباين الاخطاء $\hat{\sigma}_u^2$.
3. قدر تباين معاملات النموذج.
4. اختبر المعنوية الاحصائية للنموذج المقدر عند مستوى معنوية 5%.
5. اوجد معامل التحديد R^2 ، ماذا تستنتج؟

التمرين الثالث: (10 نقاط)

اليك النموذج التالي:

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + U_i$$

ولديك المعطيات التالية:

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 1.898 & -0.129 & 0.021 \\ -0.129 & 0.01 & -0.006 \\ 0.021 & -0.006 & 0.016 \end{bmatrix} \quad (X'Y) = \begin{pmatrix} 598 \\ 8955 \\ 2541 \end{pmatrix}$$

$$(X'X) = \begin{bmatrix} 10 & 146 & 40 \\ 146 & 2252 & 628 \\ 40 & 628 & 240 \end{bmatrix}; \text{SSR} = 19.67$$

$$t_{tab} = 2.365 ; F_{tab} = 4.74$$

المطلوب:

1. قدر معالم النموذج.
2. احسب مصفوفة التباين والتباين المشترك $\Omega_{\hat{\beta}}$.
3. اختبر معنوية المعلمتين المقدرتين \hat{B}_0 و \hat{B}_1 عند مستوى معنوية 5%.
4. كون جدول تحليل التباين ANOVA للنموذج.
5. اختبر المعنوية الاحصائية للنموذج المقدر عند مستوى معنوية 5%.
6. كون مجال الثقة للمعلمة β_0 عند مستوى ثقة 95%.

أستاذة المقياس: دحدوح ناريمان

بالتوفيق



يوم : 2026/05/....

الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس اقتصاد قياسي

العلامة	التمرين الاول
0.25 0.25 0.25 0.25 0.25	<p>1 - فرضيات نموذج الانحدار الخطي المتعدد:</p> <p>- الامل الرياضي للأخطاء معدوم: $(E(\varepsilon_t) = 0 \quad \forall t)$</p> <p>- ثبات التباين، التباينات المشتركة بين الأخطاء تكون معدومة أي ان:</p> $(\text{var}(\varepsilon_t) = E(\varepsilon_t^2) = \delta_\varepsilon^2 \quad \forall t)$ <p>- عدم وجود ارتباط ذاتي بين الأخطاء $(\forall i \neq j) \text{cov}(\varepsilon_i \varepsilon_j) = E(\varepsilon_i \varepsilon_j) = 0$</p> <p>- عدم وجود ارتباط بين المتغيرات المستقلة والمتغير العشوائي.</p> $\text{cov}(X_{ji} \varepsilon_t) = 0 \quad \forall j = 1.2 \dots k \quad i = 1.2 \dots n$ <p>- التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي هو التوزيع الطبيعي $(\varepsilon_t \rightarrow N(0, \delta^2))$.</p>
0.25 0.25 0.25	<p>2 - الخصائص الإحصائية للمعاملات المقدرة:</p> <p>خاصية عدم التحيز: $E(\hat{\beta}) = \beta$</p> <p>خاصية الكفاءة: تنطلق هذه الفكرة من نظرية غوس ماركوف تقول أن المعلمات المقدرة مقدر كفو إذا كان يتميز بأصغر تباين.</p> <p>خاصية الاتساق:</p> $E(\hat{\beta}) = \beta$ $\lim_{n \rightarrow \infty} \Omega_{\hat{\beta}} = \beta$
0.5 0.5	<p>3 - سببين لوجود مشكل التعدد الخطي:</p> <p>* ارتباط المتغيرات الاقتصادية فيما بعضها حيث تتغير مع بعض على مرور الزمن.</p> <p>* استخدام الإبطاءات والفجوات الزمنية للمتغيرات المستقلة على غرار استعمال تأخر المتغير المستقل X بفترة زمنية واحدة</p>
0.5 0.5	<p>4 اختبارات الكشف عن مشكلة الارتباط الذاتي للأخطاء:</p> <p>من الدرجة الأولى: اختبار DURBIN WATSON</p> <p>من أعلى درجة: اختبار Breusch-Godfrey</p>
4	المجموع

النقاط	التمرين الثاني
0.5	تقدير معاملات النموذج: $\hat{\beta}_1 = \frac{n\sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{n\sum x_i^2 - (\sum x)^2} = \frac{10 * 7814 - (300 * 250)}{10 * 9466 - (300)^2} = 0.673$
0.5	$\hat{\beta}_0 = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} = \frac{250}{10} - (0.673) \left(\frac{300}{10} \right) = 4.81$ <p>ومنه معادلة الانحدار المقدرة:</p>
0.5	$\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X \rightarrow \hat{y} = 4.81 + 0.0673x_i$
0.5	تقدير تباين الاخطاء δ_ε^2 : $\hat{\delta}_\varepsilon^2 = \frac{\sum u_i^2}{n - 2} = \frac{48.42}{10 - 2} = 6.052$
0.5	تقدير تباين معاملات النموذج: $\hat{\delta}_{\hat{\beta}_1}^2 = \frac{\delta_\varepsilon^2}{\sum_{i=1}^n (x - \bar{x})^2} = \frac{\delta_\varepsilon^2}{\sum x_i^2 - \frac{1}{n} (\sum x_i)^2} = \frac{6.052}{9466 - \frac{1}{10} (300)^2} = 0.012$
0.5	$\hat{\delta}_{\hat{\beta}_0}^2 = \delta_\varepsilon^2 \left(\frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum_{i=1}^n (x - \bar{x})^2} \right) = 6.052 \left(\frac{1}{10} + \frac{30^2}{9466 - \frac{1}{10} (300)^2} \right) = 12.293$
0.25	اختبار المعنوية الإحصائية للنموذج: - صياغة الفرضية: الفرضية العدمية: النموذج ككل ليس له دلالة معنوية الفرضية البديلة: النموذج ككل له دلالة معنوية $\begin{cases} H_0: \beta_0 = \beta_1 = \beta_2 = \dots = 0 \\ H_1: \beta_0 \neq \beta_1 \neq \beta_2 \neq \dots \neq 0 \end{cases}$
0.5	- إيجاد القيمة المحسوبة: $SST - SSR = SSE$
0.5	$SST = \sum y_i^2 - \frac{1}{n} (\sum y_i)^2 = 6510 - \frac{1}{10} (250)^2 = 260$
0.5	$SSE = 260 - 48.42 = 211.58$
0.5	$F = \frac{\frac{SSE}{1}}{\frac{SSR}{n-2}} = \frac{211.58/1}{\frac{48.42}{10-2}} = 34.95 > F_{tab} = 5.32$
0.25	- اتخاذ القرار: نرفض الفرضية الصفرية، ومنه النموذج ككل له معنوية إحصائية.

0.5	معامل التحديد R^2 :	5
0.5	$R^2 = 1 - \frac{SSR}{SST} = 1 - \frac{48.42}{260} = 0.81$ <p>القوة التفسيرية للنموذج قوية، أي ان معادلة الانحدار تفسر 81% من التغير الإجمالي في النموذج اما نسبة 19% الباقية تفسرها عوامل أخرى تدخل في حد الخطأ.</p>	
6	المجموع	

النقاط	التمرين الثالث	
1	تقدير معاملات النموذج:	1
0.5	$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'Y$ $\hat{\beta} = \begin{bmatrix} 1.898 & -0.129 & 0.021 \\ -0.129 & 0.01 & -0.006 \\ 0.021 & -0.006 & 0.016 \end{bmatrix} * \begin{pmatrix} 598 \\ 8955 \\ 2541 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 33.17 \\ -2.838 \\ -0.516 \end{pmatrix}$ <p>ومنه معادلة الانحدار المقدره:</p> $\hat{y} = 33.17 - 2.838X_1 - 0.516X_2$	
0.5	إيجاد مصفوفة التباين والتباين المشترك:	2
1	$\Omega_{\hat{\beta}} = \hat{\delta}_u^2 (X'X)^{-1}$ <p>- تقدير تباين الاخطاء $\hat{\delta}_u^2$:</p> $\hat{\delta}_u^2 = \frac{\sum u_i^2}{n - k - 1} = \frac{SSR}{n - k - 1} = \frac{19.67}{10 - 2 - 1} = 2.81$	
0.5	$\Omega_{\hat{\beta}} = 2.81 * \begin{bmatrix} 1.898 & -0.129 & 0.021 \\ -0.129 & 0.01 & -0.006 \\ 0.021 & -0.006 & 0.016 \end{bmatrix}$ $\Omega_{\hat{\beta}} = \begin{bmatrix} 5.333 & -0.362 & 0.059 \\ -0.362 & 0.028 & -0.016 \\ 0.059 & -0.016 & 0.044 \end{bmatrix}$	

اختبار معنوية المعلمتين المقدرة:

اختبار معنوية β_0

صيغة الفرضية:

$$\begin{cases} H_0: \beta_0 = 0 \\ H_1: \beta_0 \neq 0 \end{cases}$$

إيجاد القيمة المحسوبة:

$$t_{\hat{\beta}_0} = \frac{|\hat{\beta}_0 - \beta_0|}{\delta_{\hat{\beta}_0}} = \frac{|\hat{\beta}_0 - 0|}{\delta_{\hat{\beta}_0}} = \frac{|\hat{\beta}_0|}{\delta_{\hat{\beta}_0}} = \frac{|33.17|}{\sqrt{5.333}} = 14.367$$

اتخاذ القرار:

القيمة المحسوبة (2.309) أصغر من الجدولية ($t_{n-2}^{5\%} = 2.365$) نقبل الفرضية الصفرية ونرفض الفرضية البديلة، وبالتالي المقدرة β_0 ليس لها معنوية احصائية.

اختبار معنوية β_1

صيغة الفرضية:

$$\begin{cases} H_0: \beta_1 = 0 \\ H_1: \beta_1 \neq 0 \end{cases}$$

إيجاد القيمة المحسوبة:

$$t_{\hat{\beta}_1} = \frac{|\hat{\beta}_1 - \beta_1|}{\delta_{\hat{\beta}_1}} = \frac{|\hat{\beta}_1 - 0|}{\delta_{\hat{\beta}_1}} = \frac{|\hat{\beta}_1|}{\delta_{\hat{\beta}_1}} = \frac{|-2.838|}{\sqrt{0.028}} = 16.96$$

اتخاذ القرار:

القيمة المحسوبة (0.167) أصغر من الجدولية ($t_{n-2}^{5\%} = 2.365$) نقبل الفرضية الصفرية ونرفض الفرضية البديلة، وبالتالي المقدرة β_1 ليس لها معنوية احصائية.

جدول تحليل التباين:

متوسط مربعات الانحرافات	عدد درجات الحرية	مجموع مربعات الانحرافات	مصدر التغير
21325.093	2	SSE=42650.186	المتغير المستقل
2.81	10-2-1	SSR= 19.67	البواقي
	10-1	SST=42669. 856	المجموع

$$SSE = \sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2 = \hat{\beta}'(X'Y) - \frac{1}{n} (\sum y_i)^2$$

$$SSE = (33.17 \ -2.838 \ -0.516) \begin{pmatrix} 598 \\ 8955 \\ 2541 \end{pmatrix} - \frac{1}{10} (598)^2 = 42650.186$$

$$SST = SSE + SSR$$

$$SST = 42650.186 + 19.67 = 42669. 856$$

0.25	<p>اختبار المعنوية الإحصائية للنموذج:</p> <p>- صياغة الفرضية:</p> <p>الفرضية العدمية: النموذج ككل ليس له دلالة معنوية</p> <p>الفرضية البديلة: النموذج ككل له دلالة معنوية</p> $\begin{cases} H_0: \beta_0 = \beta_1 = \beta_2 = \dots = 0 \\ H_1: \beta_0 \neq \beta_1 \neq \beta_2 \neq \dots \neq 0 \end{cases}$	5
0.5	<p>- إيجاد القيمة المحسوبة:</p> $F = \frac{\frac{SSE}{1}}{\frac{SSR}{n - k - 1}} = \frac{42650.186/1}{19.67 / (10 - 2 - 1)} = 15.78 > F_{tab} = 4.74$	
0.25	<p>- اتخاذ القرار : نرفض الفرضية الصفرية، ومنه النموذج ككل له معنوية إحصائية.</p>	
1	<p>مجال ثقة المعلمة β_0:</p> $\beta \in \left[\hat{\beta} - t_{n-2}^{\frac{\alpha}{2}} \delta_{\hat{\beta}_i}, \hat{\beta} + t_{n-2}^{\frac{\alpha}{2}} \delta_{\hat{\beta}_i} \right]$ $\beta \in \left[33.17 - 2.365 * \sqrt{5.333}, 33.17 + 2.365 * \sqrt{5.333} \right]$ $\beta \in [27.708, 38.618]$	6
10		المجموع