



التمرين الأول: (04 نقاط)

(I) ليكن n عدد طبيعي

$$(1) \text{ بسط العلاقة التالية } \frac{(n-3)!}{(n-5)!}$$

$$(2) \text{ حل في } IN \text{ المعادلة التالية : } 5C_n^5 - C_n^3 = 0$$

(II) باستخدام دستور ثنائي الحد لنيوتن انشر المجموع : $(2x - 1)^4$ ، حيث x عدد حقيقي .

التمرين الثاني: (06 نقاط)

(I) في متتالية حسابية حدها الاول u_0 و اساسها r

$$\text{احسب } u_1 = 54000 \text{ و } u_6 = 74000 \text{ علما ان } S_6, u_0, r$$

(II) أودع شخص مبلغا قدره 50000 د.ج بإحدى البنوك عام 2026 بحيث يحصل على فائدة سنوية بسيطة قدرها 8 %

إذا اعتبرنا أن المبلغ المودع هو u_0 ونعتبر العدد u_n الرصيد الجديد بعد n سنوات :

$$(1) \text{ أحسب المبلغ المحصل عليه عام : } 2027, 2028, 2029$$

$$(2) \text{ عبر عن } u_{n+1} \text{ بدلالة } u_n, \text{ ماذا تستنتج}$$

$$(3) \text{ كم يصبح المبلغ بعد 6 سنوات.}$$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

$$(I) \text{ لتكن } f \text{ و } h \text{ دالتين حقيقيتين معرفتين بـ } h(x) = \ln x, f(x) = \frac{x-3}{x^2-9}$$

$$(1) \text{ اوجد مجموعة تعريف الدالتين } f \text{ و } h .$$

$$(2) \text{ احسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$$

$$(3) \text{ احسب المشتقة الاولى للدالتين } f \text{ و } h$$

$$(4) \text{ احسب المشتقة من الرتبة } n \text{ للدالة } h$$

$$(II) \text{ حل في } IR \text{ المعادلة التالية : } 1) \ln(1 - 2e^x) = 1, 2) e^{2x} - 7e^x + 8 = 0$$

التمرين الرابع: (04 نقاط)

(I) عين الدوال الاصلية $F(x)$ و $G(x)$ للدالتين :

$$g(x) = \cos x ; f(x) = 5x^4 + 6e^x - \frac{1}{x}$$

$$(II) \text{ باستخدام طريقة التكامل بالتجزئة احسب مايلي : } I = \int (2x + 1) \ln(x) dx$$



السنة الجامعية: 2025 - 2026

المستوى: سنة أولى جذع المشوك

يوم: 2026-01-19

الحل النموذجي امتحان الدورة العادية في مقياس الرياضيات 1 (المدة ساعة و نصف)

التمرين الأول: (04 نقاط)

(I) ليكن n عدد طبيعي

(1) تبسيط العلاقة التالية :

$$\begin{aligned} \frac{(n-3)!}{(n-5)!} &= \frac{(n-3)(n-4)(n-5)!}{(n-5)!} \\ &= (n-3)(n-4) \\ &= n^2 - 7n + 1 \end{aligned} \quad (1)$$

(2) حل في \mathbb{N} المعادلة:

$$\begin{aligned} 5C_n^5 - C_n^3 &= 0 \Rightarrow 5 \frac{n!}{5!(n-5)!} = \frac{n!}{3!(n-3)!} \Rightarrow 5 \frac{(n-3)!}{5 \times 4!(n-5)!} = \frac{n!}{3!n!} \\ &\Rightarrow \frac{(n-3)!}{(n-5)!} = \frac{4!}{3!} \Rightarrow n^2 - 7n + 12 = \frac{4 \times 3!}{3!} \\ &\Rightarrow n^2 - 7n + 12 = 4 \Rightarrow n^2 - 7n + 8 = 0 \\ \Delta &= b^2 - 4ac = 49 - 4 \times 1 \times 8 = 17 \quad \text{Tapez une équation ici.} \\ n_1 &= \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{7 + \sqrt{17}}{2} \notin \mathbb{N}; \quad n_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{7 - \sqrt{17}}{2} \notin \mathbb{N} \\ S &= \emptyset \end{aligned} \quad (1.5)$$

(II) نشر المجموع باستخدام دستور ثنائي الحد لنيوتن

$$\begin{aligned} (2x-1)^4 &= C_4^0(2x)^4(1)^0 - C_4^1(2x)^3(1)^1 + C_4^2(2x)^2(1)^2 \\ &\quad - C_4^3(2x)^1(1)^3 + C_4^4(2x)^0(1)^4 \\ &= 1(2x)^4 - 4(2x)^3 + 6(2x)^2 - 4(2x)^1 + 1 \end{aligned} \quad (1.5)$$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

(1) حساب r ; u_0 ; S_6 علما ان $u_6 = 74000$; $u_1 = 54000$

$$u_6 = u_1 + 5r \Rightarrow u_6 - u_1 = 5r \quad \text{طريقة 1}$$

$$\Rightarrow 74000 - 54000 = 5r$$

$$\Rightarrow 20000 = 5r \Rightarrow r = \frac{20000}{5} = 4000 \dots\dots\dots(0.5)$$

$$\begin{cases} u_1 = u_0 + r \dots\dots\dots(1) \\ u_6 = u_0 + 6r \dots\dots\dots(2) \end{cases}$$

طريقة 2:

$$u_6 - u_1 = 5r \quad \text{نجد (2-1) بالطرح}$$

ونكمل الحساب مثل الطريقة 1

$$u_0 = u_1 - r$$

$$u_0 = 54000 - 4000 = 50000 \dots\dots\dots(0.5)$$

$$S_n = \frac{n+1}{2} (u_0 + u_n)$$

$$S_6 = \frac{6+1}{2} (u_0 + u_6) = \frac{7}{2} (50000 + 74000)$$

$$S_6 = 434000 \dots\dots\dots(0.5)$$

$$u_0 = 50000 \quad r = 8\%u_0 = \frac{8 \times 50000}{100} = 4000 \quad (1) \quad (II)$$

$$(0.5) \dots\dots\dots 2027 \dots\dots\dots u_1 = u_0 + r = 50000 + 4000 = 54000$$

$$(0.5) \dots\dots\dots 2028 \dots\dots\dots u_2 = u_1 + r = 54000 + 4000 = 58000$$

$$(0.5) \dots\dots\dots 2029 \dots\dots\dots u_3 = u_2 + r = 58000 + 4000 = 62000$$

(2) التعبير عن u_{n+1} بدلالة u_n

$$u_{n+1} = u_n + r \dots\dots\dots(1)$$

(2) ومنه نتحصل على متتالية حسابية حدها الاول $u_0 = 50000$ و اساسها $r = 4000$ (1)

(3) من السؤال I نجد $u_6 = 74000$ (1)

التمرين الثالث: (06 نقاط)

(1) مجموعة تعريف الدالة f و g

$$D_f = \{x \in \mathbb{R} \setminus x^2 - 9 \neq 0\} = \{x \in \mathbb{R} \setminus x^2 \neq 9\}$$

$$D_f = \{x \in \mathbb{R} \setminus x \neq 3 \text{ و } x \neq -3\} = \mathbb{R} \setminus \{3; -3\} \dots\dots\dots(0.5)$$

$$D_g = \{x \in \mathbb{R} \setminus x > 0\} = \mathbb{R}_+^* \dots\dots\dots(0.5)$$

(2) النهاية

$$\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{x^2-9}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{(x-3)(x+3)} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{1}{x+3} = \frac{1}{6}$$

(0.5).....

او باستعمال قاعدة لوبيطال

$$f'(x) = \left(\frac{x-3}{x^2-9} \right)' \quad \text{المشتقة (3)}$$

$$f'(x) = \frac{(x-3)'(x^2-9) - (x-3)(x^2-9)'}{(x^2-9)^2}$$

$$f'(x) = \frac{1(x^2-9) - (x-3)2x}{(x^2-9)^2}$$

$$f'(x) = \frac{x^2-9-2x^2+6x}{(x^2-9)^2}$$

$$f'(x) = \frac{-x^2+6x-9}{(x^2-9)^2} \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$h'(x) = (\ln(x))' = \frac{1}{x} \quad \dots\dots\dots (0.5)$$

4) المشتقة من الرتبة n

$$h(x) = \ln(x)$$

$$h'(x) = \frac{1}{x} = \frac{0!}{x}$$

$$h''(x) = h^{(2)}(x) = -\frac{1}{x^2} = -\frac{1!}{x^2}$$

$$h'''(x) = h^{(3)}(x) = \frac{2}{x^3} = \frac{2!}{x^3}$$

$$h^{(4)}(x) = h^{(4)}(x) = -\frac{3 \times 2}{x^4} = -\frac{3!}{x^4}$$

$$h^{(5)}(x) = \frac{4 \times 3 \times 2}{x^5} = \frac{4!}{x^5}$$

و منه

$$h^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \frac{(n-1)!}{x^n} \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$e^{\ln(1-2e^x)} = e^1 \Rightarrow \ln(1-2e^x) = 1 \quad (4)$$

$$1 - 2e^x = e \Rightarrow \frac{1-e}{2} = e^x$$

$$\ln\left(\frac{1-e}{2}\right) = \ln e^x \Rightarrow x = \ln\left(\frac{1-e}{2}\right) \dots\dots\dots(1)$$

$$e^{2x} - 7e^x + 8 = 0$$

نضع $X = e^x > 0 \Leftrightarrow X = \ln X$ نجد $X^2 - 7X + 8 = 0$ من التمرين الاول لدينا الحلول هي

$$X_1 = \frac{7 + \sqrt{17}}{2} ; X_2 = \frac{7 - \sqrt{17}}{2}$$

$$x_1 = \ln\left(\frac{7 + \sqrt{17}}{2}\right) ; x_2 = \ln\left(\frac{7 - \sqrt{17}}{2}\right) \dots\dots\dots(1)$$

التمرين الرابع: (04 نقاط)

الدالة

(1)
الاصلي

$$F(x) = x^5 + 6e^x - \ln x , \dots\dots\dots(1)$$

$$G(x) = \sin x \dots\dots\dots(1)$$

2) التكامل بالتجزئة $\int f'(x) g(x) dx = f(x)g(x) - \int f(x) g'(x) dx$

$$\int (2x + 1) \ln x dx = (x^2 + x) \ln x - \int (x^2 + x) \frac{1}{x} dx$$

$$= (x^2 + x) \ln x - \int x(x + 1) \frac{1}{x} dx$$

$$= (x^2 + x) \ln x - \int (x + 1) dx$$

$$= (x^2 + x) \ln x - \frac{1}{2} x^2 + x + c \dots\dots\dots(2)$$