

امتحان الدورة العادية في مقياس تحليل السلاسل الزمنية

السؤال النظري (04 ن):

ماهي الشروط الواجب توفرها لكي تكون السلسلة الزمنية قابلة للتحليل والدراسة ؟

التمرين الأول (10 ن): لدينا البيانات الآتية عن إجمالي الصادرات لدولة ما خلال الفترة 2016-2024 بمليار دولار

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024
الصادرات	15	21	18	23	27	20	25	28	30

المطلوب:

1- اوجد بالطريقة المربعات الصغرى المختصرة معادلة الاتجاه العام

2- كم يبلغ الاتجاه العام السنوي وفسره ؟

3- احسب القيم الاتجاهية

4- اوجد معادلة الاتجاه العام الربع سنوية

5- ماهو حجم الصادرات سنة 2013 و 2014

6- تتبأ بحجم الصادرات سنة 2026 و 2027

التمرين الثاني (06 ن): كانت الكمية المباعة خلال الفترة 2017-2024 بالآلاف الوحدات من إنتاج احد المصانع

كما يلي:

السنوات	2017	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024
المبيعات	7	10	12	15	18	19	23	26

المطلوب : 1- هل هذه السلسلة مستقرة أو غير مستقرة ؟

2- اوجد معادلة الاتجاه العام بطريقة المتوسطات النصفية

3- تتبأ بالكمية المباعة سنة 2026 باعتبار سنة 2016 كأساس

بالتوفيق لكل مجتهد

نموذج تصحيح امتحان الدورة العادية مقياس تحليل السلاسل الزمنية

السؤال الأول (04 ن):

الشروط الواجب توفرها لكي تكون السلسلة الزمنية قابلة للتحليل والدراسة

- 1- أن تكون مستويات السلسلة الزمنية بفترات وحدة ومتساوية (كلها سنوات أو كلها أشهر....)
- 2- أن تكون جميع مستويات السلسلة الزمنية متعلقة بمكان واحد أو منطقة واحدة
- 3- أن تكون وحدة وطريقة قياس جميع مستويات السلسلة الزمنية موحدة
- 4- أن الفترة الزمنية للسلسلة الزمنية يجب ألا تقل عن 6 فترات زمنية متتالية.

اجابة التمرين الأول (10 ن):

1- الطريقة المختصرة لإيجاد معادلة الاتجاه العام

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024	Σ
Y	15	21	18	23	27	20	25	28	30	207
t	4-	3-	2-	1-	0	1	2	3	4	0
Yt	60-	63-	36-	23-	0	20	50	84	120	92
t ²	16	9	4	1	0	1	4	9	16	60
\hat{Y}	16.87	18.40	19.93	21.46	23	24.53	26.06	27.59	29.13	

المعادلات بطريقة المختصرة

$$207 = 9\hat{A} \rightarrow \hat{A} = 23 \quad \Sigma Y = N\hat{A}$$

$$92 = \hat{B} 60 \rightarrow \hat{B} = 1.533 \quad \Sigma Yt = \hat{B} \Sigma t^2$$

$$(02 \text{ ن}) \quad \hat{Y} = 23 + 1.533t$$

2- الاتجاه العام السنوي يبلغ $\hat{B} = 1.533$ معناه ان حجم الصادرات تزداد كل سنة t (وحدة واحدة) بـ 1.533 مليار دولار. (01 ن)

3- حساب القيم الاتجاهية \hat{Y} انظر الجدول أعلاه (02 ن)

4- معادلة الاتجاه العام الربع سنوية نقسم \hat{A} و \hat{B} على 4 تصبح المعادلة من الشكل الأتي:

$$(01 \text{ ن}) \quad \hat{Y} = 5.75 + 0.09t$$

5- حجم الصادرات سنة 2013 نضع t = -7

$$(01 \text{ ن}) \quad \hat{Y} = 23 + 1.533(-7) = 12.269$$

- حجم الصادرات سنة 2014 نضع t = -6

$$(01 \text{ ن}) \quad \hat{Y} = 23 + 1.533(-6) = 13.802$$

6- التنبؤ بحجم الصادرات سنة 2026 نضع t = 6

$$(01 \text{ ن}) \quad \hat{Y} = 23 + 1.533(6) = 32.198$$

6- التنبؤ بحجم الصادرات سنة 2027 نضع t = 7

$$\hat{Y} = 23 + 1.533(7) = 33.731 \quad (01 \text{ ن})$$

إجابة التمرين الثاني (06 ن):

1 - بيان استقرار أو عدم استقرار السلسلة

السنوات	2017	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024
المبيعات	7	10	12	15	18	19	23	26
الوسط	$11 = \bar{Y}_1$				$21.5 = \bar{Y}_2$			
المعادلة	$\hat{Y} = 11 + 2.625t$				$\hat{Y} = 21.5 + 2.625t$			

$\bar{Y}_2 \neq \bar{Y}_1$ إذن السلسلة الزمنية غير مستقرة لها اتجاه عام واضح نحو الزيادة (02 ن)

2 - إيجاد معادلة الاتجاه العام بطريقة المتوسطات النصفية

$$\hat{B} = \frac{\bar{Y}_2 - \bar{Y}_1}{2017.5 - 2013.5} = 2.625$$

النصف الأول (01 ن)

معادلة الاتجاه العام للنصف الأول 2020-2017

$$\hat{Y} = 11 + 2.625 t$$

النصف الثاني (01 ن)

معادلة الاتجاه العام للنصف الثاني 2024-2021

$$\hat{Y} = 21.5 + 2.625 t$$

3 - التنبؤ بالكمية المباعة سنة 2026 باعتبار سنة 2016 كأساس

نحسب التنبؤ بهذه الطريقة بالتعويض في المعادلة الأولى (النصف الأول) و ثم المعادلة الثانية (النصف الثاني) ولا نستخدم معادلة واحدة فقط في التنبؤ والنتيجة نفسها

المعادلة الأولى نضع $t = 10$ (01 ن)

$$\hat{Y} = 11 + 2.625(10) = 37.25$$

المعادلة الثانية نضع $t = 6$ (01 ن)

$$\hat{Y} = 21.5 + 2.625(6) = 37.25$$

نفس النتيجة