



2026/01/18: يوم

امتحان الدورة العادية في مقياس اقتصاد قياسي 1

التمرين الأول: (4 نقاط)

1. ما هي أهم فرضيات نموذج الانحدار الخطى البسيط ؟

2. برهن على عدم تحيز مقدرات النموذج ؟

3. ما هو المعامل الإحصائي المناسب في الحالات التالية :

معرفة العلاقة بين النمو الاقتصادي و معدل التضخم ؟

معرفة أثر الصادرات خارج المحروقات على النمو الاقتصادي؟

معرفة العلاقة بين حالات الغرق و مبيعات المثلجات ؟

التمرين الثاني: (8 نقاط)

إذا توفرت لك البيانات التالية :

$$\begin{array}{lll} \sum x_i y_i = 3301 & n=37 & \sum y_i^2 = 1524.716 \\ \delta_x = 32.90 & \sum x_i^2 = 124.806 & \delta_{u_i} = 2.53 \\ & & \delta_y = 2.91 \\ & & SST=313.32 \quad t_{tab}= 2.00 \quad f_{tab}=4.11 \end{array}$$

- المطلوب: 1- أكتب معادلة التباين؟
2- قدر معلمات النموذج ؟
3- اختبر معنوية معلمة الميل عند مستوى معنوية 5%
4- اختبر معنوية النموذج ككل ؟

التمرين الثالث: (8 نقاط)

يوضح الشكل التالي تقدير نموذج انحدار خطى لدراسة شملت 22 مشاهدة ، خلال الفترة 2003-2024

Dependent Variable: Y
Method: Least Squares
Date: 01/01/26 Time: 19:10

Sample: 2003 2024
Included observations: 22

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
X 1	0.000639	M1	0.972124	0.3439
X2	-0.008691	0.007560	-1.149546	0.2654
X3	M2	0.006851	-0.102449	0.9195
C	M 3	1.658338	M4	0.0000
R-squared	0.074202	Mean dependent var	8.738155	
Adjusted R-squared	M5	S.D. dependent var	M8	
S.E. of regression	3.539410	Akaike info criterion	5.528763	
Sum squared resid	225.4936	Schwarz criterion	5.727134	
Log likelihood	-56.81639	Hannan-Quinn criter.	5.575493	
F-statistic	M6	Durbin-Watson stat	1.331933	
Prob(F-statistic)	M7			

إذا كان المتوسط الحسابي للمتغيرات الثلاثة المستقلة على التوالي: 2.18011, 1.587276, 3.08055

المطلوب:

1- ما هو اسم النموذج المقدر؟

2. احسب كل المجاهيل أعلاه من M1 إلى M8

3-كون حدود الثقة للمعلمات المقدرة عند مستوى معنوية 95% حيث تمثل كل من :

المتغيرات: المتغير التابع، Included observations: عدد المشاهدات، Variable: المستقلة،

C: الحدث الثابت، Coefficient: المعلمات المقدرة، Std. Error: الانحراف المعياري المقدر، t-statistic: إحصائية

S.E. of: معامل التحديد، Adjusted R-squared: معامل التحديد المرجح،

ستيودنت المحسوبة، R-squared: معامل التحديد، F-statistic: مجموع مربعات الأخطاء،

regression: الانحراف المعياري المقدر لخطأ التقدير، Sum squared resid: مجموع مربعات الأخطاء،

إحصائية فيشر المحسوبة، Mean dependent var: المتوسط الحسابي للمتغير التابع و S.D. dependent var: الانحراف

المعياري للمتغير التابع.

ملاحظة : تأخذ الأرقام برقمين وراء الفاصلة دون تقرير

بالتوفيق



يوم ١٥/٥/٢٠٢٥

الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس اقتصاد قياسي 1

العلامة	التمرين الأول	
01	<p>أهم فرضيات نموذج الانحدار الخطى البسيط:</p> <p>النموذج خطى على المتغير المستقل</p> <p>المتغير المستقل يتغير عبر الزمن أو الأفراد</p> <p>التوقع الرياضي للخطأ معدوم</p> <p>تبالن الخطأ ثابت</p> <p>الأخطاء مستقلة عن بعضها البعض</p>	1
01,5	<p>برهان عدم تحيز المعلمات</p> $E(\hat{a}_1) = E(a_1) + \frac{\sum_{t=1}^n (x_t - \bar{x}) E(\varepsilon_t)}{\sum_{t=1}^n (x_t - \bar{x})^2}$ $\underline{E(\hat{a}_1) = E(a_1) = a_1}$ $E(\hat{a}_0) = E(a_0) + a_1 \bar{x} + 0 + a_1 \bar{x}$ $E(\hat{a}_0) = E(a_0) = a_0$	2
01,5	<p>معرفة العلاقة بين النمو الاقتصادي و معدل التضخم المعامل الاحصائي معامل الارتباط</p> <p>معرفة أثر الصادرات خارج المحروقات على النمو الاقتصادي الانحدار الخطى البسيط</p> <p>معرفة العلاقة بين حالات الغرق و مبيعات المثلجات معامل الارتباط الجزئي</p>	3
04		المجموع

النقط	السؤال الثاني
-------	---------------

01	<p>كتابة معادلة التباين</p> <p>SST+SSR+SSE نحسب $224,03 = \text{SSR}$ $\text{SSE} + 313.32 - 224.03$ $\text{SSE} + 89.29$ $313.32 + 89.29 + 224.03$</p>	1
03	<p>تقدير معلمات النموذج</p> $\hat{\beta} = \frac{\sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum x_i^2 - n \bar{x}^2}$ $\delta_x = 32.90 = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2}$ $\Rightarrow \delta_x^2 = (32.90)^2 = \frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2 \Rightarrow \bar{x}^2 = \frac{\sum x_i^2}{n} - \delta_x^2$ $\Rightarrow \bar{x}^2 = \frac{124,806}{37} - (32.90)^2 = 3373.135 - 1082.41$ $\Rightarrow \bar{x}^2 = 2290.725$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $\bar{x} = 47.86$ </div> $\delta_y^2 = (2.91)^2 = \frac{\sum y_i^2}{n} - \bar{y}^2 \Rightarrow \bar{y}^2 = \frac{\sum y_i^2}{n} - \delta_y^2$ $\Rightarrow \bar{y}^2 = \frac{1524.716}{37} - (2.91)^2 = 41.208 - 8.468 \Rightarrow \bar{y}^2 = 32.74$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $\bar{y} = 5.72$ </div> $\hat{\beta} = \frac{\sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum x_i^2 - n \bar{x}^2} = \frac{3301 - 37 * 5.72 * 47.86}{124,806 - 37 * (47.86)^2} = \frac{-6828.09}{40054.55} = 0.17$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $\hat{\beta} = -0.17$ </div> $\hat{\alpha} = \bar{Y} - \hat{\beta} \bar{X} \Rightarrow \hat{\alpha} = 5.72 + 0.17 * 47.86$ $\Rightarrow \hat{\alpha} = 13.85$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $\hat{y}_i = 13.85 - 0.17 x_i$ </div>	2
02	اختبار معنوية معلمة الميل	3

$$\begin{cases} H_0: \beta = 0 \\ H_1: \beta \neq 0 \end{cases}$$

$$t_{\hat{\beta}} = \frac{\hat{\beta}}{\delta_{\hat{\beta}}}$$

$$\delta^2_{\hat{\beta}} = \frac{\delta_{u_i}^2}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

لدينا:

$$\begin{aligned} \delta_x^2 &= \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n} \Rightarrow \sum (x_i - \bar{x})^2 = n * \delta_x^2 = 37 * (32.90)^2 \\ &\Rightarrow \sum (x_i - \bar{x})^2 = 40\,049.17 \\ \delta^2_{\hat{\beta}} &= \frac{(2.53)^2}{40\,049.17} = 0.00015 \end{aligned}$$

$$\delta_{\hat{\beta}} = 0.012$$

$$t_{\hat{\alpha}} = \frac{\hat{\beta}}{\delta_{\hat{\beta}}} = \frac{-0.17}{0.012} = -14.16$$

$$t_{cal} = 14.16 > t_{tab}^{\alpha\%}(10-2) = 2.00$$

المحسوبة أكبر من الجدولية قبل الفرضية العدمية وبالتالي المعامل معنوي احصائي

02

$$F = \frac{\frac{SSE}{K-1}}{\frac{SSR}{n-k}} = \frac{89.29}{\frac{224.03}{35}}$$

$$F = 13.94$$

$$F_{cal} = 13.94 > F_{tab} = F_{(1,35)}^{0.05} = 4.11$$

قبل الفرضية البديلة وبالتالي النموذج معنوي

8

المجموع

4

النقط	السؤال الثالث	
0,5	النموذج : نموذج الانحدار الخطى المتعدد	1
	$t_{\hat{\alpha}_1}^* = \frac{ \hat{\alpha}_1 }{\delta_{\hat{\alpha}_1}} \rightarrow \hat{\delta}_{\hat{\alpha}_1} = \frac{ \hat{\alpha}_1 }{t_{\hat{\alpha}_1}^*}$ $M1=0,00066$ حساب m1	2
6	$t_{\hat{\alpha}_3}^* = \frac{ \hat{\alpha}_3 }{\delta_{\hat{\alpha}_3}} \rightarrow \hat{\alpha}_3 = t_{\hat{\alpha}_3}^* * \hat{\delta}_{\hat{\alpha}_3}$ $M2=-0.00070$ حساب m2 $Std .errorxt=c , t=0.0000$ حساب M3 $M3=6.40$ حساب M4	

$$\frac{c}{t} = \text{std error} = 3.86$$

M5 حساب

$$R2 = 1 - \frac{(n-1)(r2-1)}{n-k-1}$$

$$M5 = -0.08$$

M6 حساب

$$F = \frac{R2/K}{(n-k-1)/(R2-1)}$$

$$0.48 = M6$$

$$M7 = 0.69$$

$$Sst = (n-1)(sd)^2$$

$$3.27 = M8$$

حدود الثقة :

$$\beta^i \pm t0.025, 18 \times \text{Std.Error}$$

معامل B1

$$0.00719, -0.02457$$

معامل B2

$$0.00719; -0.02457$$

معامل B3

$$14.51, -1.71$$

المجموع

1.5

3

8