



## حل امتحان الدورة العادية في مقياس إدارة المحفظة المالية

### التمرين الأول: (4 نقاط)

اختيار الإجابة الصحيحة من بين البدائل المعطاة:

1. ب) 0.0089

$$E(X^2) = \text{Var}(X) + [E(X)]^2 = 0.0025 + (0.08)^2 = 0.0025 + 0.0064 = 0.0089$$

2. ب) تستثمر في أسهم النمو (Growth Stocks)

لأن  $\beta_{HML}$  السالب يشير إلى انخفاض في العائد عندما يرتفع عامل القيمة، وهو ما يتوافق مع أسهم النمو.

3. ب) وزن ميتا في محفظة الحد الأدنى للتباين هو 65%

نسبة الاستثمار تشير إلى الوزن في محفظة الحد الأدنى للتباين.

4. ج) 0.092

$$E(R) = R_f + \beta_1 \lambda_1 + \beta_2 \lambda_2 = 0.02 + 1.2 \times 0.04 + 0.8 \times 0.03 = 0.02 + 0.048 + 0.024 = 0.092$$

### التمرين الثاني: (8 نقاط)

1. حساب العائد اليومي (نسبة مئوية):

$$R_t = \frac{P_t - P_{t-1}}{P_{t-1}} \times 100$$

التاريخ	سعر تسلا (TSLA)	سعر ميتا (META)	عائد تسلا اليومي	عائد ميتا اليومي
9/30/2024	261.63	568.31	-	-
10/1/2024	258.02	567.84	-0.0138	-0.0008
10/2/2024	249.02	567.36	-0.0349	-0.0008
10/3/2024	240.66	572.44	-0.0336	0.0090
10/4/2024	250.08	576.47	0.0391	0.0070

2. احسب العائد المتوقع (المتوسط الحسابي) لكل سهم.

$$\text{متوسط عائد تسلا} = (-0.0138 - 0.0349 + 0.0336 + 0.0391) / 4 = -0.0108$$

$$\text{متوسط عائد ميتا} = (-0.0008 + 0.0090 + 0.0070 - 0.0008) / 4 = 0.0036$$

3. حساب تباين عائد كل سهم.

$$\sigma_{Tsla}^2 = \frac{\sum (R_i - \bar{R})^2}{n - 1}$$

تباين تسلا:

$$[(-0.0138 - (-0.0108))^2 + (-0.0349 - (-0.0108))^2 + (-0.0336 - (-0.0108))^2 + (0.0391 - (-0.0108))^2] / 4 = 0.0011$$

تباين ميتا:

$$[(-0.0008 - 0.0036)^2 + (-0.0008 - 0.0036)^2 + (0.0090 - 0.0036)^2 + (0.0070 - 0.0036)^2] / 4 = 0.00001986$$

4. حساب التباين المشترك (Covariance) بين عوائد السهمين.

$$Cov(T, M) = \frac{\sum [(R_{T,i} - \bar{R}_T) \times (R_{M,i} - \bar{R}_M)]}{n - 1}$$

$$[(-0.0138 - (-0.0108)) * (-0.0008 - 0.0036) + (-0.0349 - (-0.0108)) * (-0.0008 - 0.0036) + (-0.0336 - (-0.0108)) * (0.0090 - 0.0036) + (0.0391 - (-0.0108)) * (0.0070 - 0.0036)] / 4 = 0.0001$$

1. نسبة الاستثمار في ميتا التي تحقق محفظة ذات أقل تباين (Minimal Variance Portfolio)

$$w_{Meta} = \frac{\sigma_{Tesla}^2 - Cov(Tesla, Meta)}{\sigma_{Tesla}^2 + \sigma_{Meta}^2 - 2 \times Cov(Tesla, Meta)}$$

$$w_{Meta} = (0.0011 - 0.0001) / (0.0011 + 0.0000 - 2 * 0.0001) = 1.1111$$

النتيجة النهائية لوزن ميتا هي 111.11%. هذا يعني أنه لتحقيق المحفظة ذات أقل تباين ممكن، يجب بيع سهم تسلا على المكشوف (short-sell) بما يعادل 11.11% من قيمة المحفظة، واستثمار 111.11% في سهم ميتا.

### التمرين الثالث: ( 08 نقاط)

1. النسب المكونة للمحفظة الجديدة (بعد التعديل):

- العائد المتوقع للمحفظة الخطرة (من الأصول الأربعة):

$$14.6 = \frac{18.8 * 0.20 + 15.6 * 0.10 + 12.4 * 0.10 + 7.6 * 0.10}{0.50} = E(R_H)$$

- الهدف:  $12 = E(R_p)$

المعادلة:

$$_fR * (x - 0.50) + E(R_m) * x + E(R_H) * 0.50 = E(R_p)$$

التعويض:

$$3 * (x - 0.50) + 15 * x + 14.6 * 0.50 = 12$$

$$3x - 1.5 + 15x + 7.3 = 12$$

$$12x + 8.8 = 12$$

$$0.2667 = x$$

النتيجة النهائية:

- الأصل الخالي من المخاطرة بعد التعديل:  $0.2333 = 0.2667 - 0.50$

- محفظة السوق الجديدة: 0.2667

- الأصول الخطرة الأربعة: 0.50

النسب المستثمرة للحصول على معدل عائد متوقع 12%؟

$$_fR * _fw + E(R_m) * (_fw - 1) = E(R_p)$$

التعويض:

$$3 * _fw + 15 * (_fw - 1) = 12$$

$$_f3w + _f15w - 15 = 12$$

$$_f12w - 15 = 12$$

$$0.25 = \frac{3}{12} = _fw$$

النتيجة النهائية:

- الأصل الخالي من المخاطرة: 0.25

- محفظة السوق: 0.75