



يوم: 2025/01/11

امتحان الدورة العادية في مقياس الرياضيات المالية

التمرين الأول: (5 نقاط)

مبلغين مجموعهما 30000 دج، تم توظيف المبلغ الأول بمعدل فائدة 10% سنويا لمدة 9 أشهر، ووظف المبلغ الثاني بمعدل 8% سنويا لمدة 6 أشهر.
إذا علمت أن الفرق بين جملي المبلغين هو 10050 دج، أحسب المبلغين وجمليتهما.

التمرين الثاني: (5 نقاط)

قرض يستهلك خلال 10 سنوات بدفعات متساوية، الاستهلاك الثالث يساوي 2183.70 دج، والاستهلاك السادس يساوي 2435.30 دج
المطلوب: حساب كل من: معدل الفائدة، أصل القرض، قيمة الدفعة، المبلغ المتبقي بعد سداد الدفعة الثامنة.

التمرين الثالث: (5 نقاط)

يملك تاجر 3 أوراق تجارية قيمها الاسمية على التوالي:

- 15000 دج تستحق بتاريخ 19 أكتوبر؛

- 25000 دج تستحق بتاريخ 14 سبتمبر؛

- 16000 دج تستحق بتاريخ 15 أوت.

بتاريخ 01 جويلية أراد استبدال هذه الأوراق بورقة واحدة تستحق يوم 29 أكتوبر، ماهي قيمة الورقة الجديدة إذا كان معدل الخصم هو 8%

إذا أراد التاجر استبدال الأوراق بورقة قيمتها الاسمية 56200 دج، حدد تاريخ استحقاقها.

التمرين الرابع: (05 نقاط)

وظف شخص مبلغا من المال لدى البنك، فبلغت فائدته المركبة عن السنة الثالثة فقط 5512.5 دج، بينما فائدته المركبة عن السنة الحادية عشر فقط كانت 8144.47 دج، علما أنه عند سحب الرصيد من البنك بعد مدة من الزمن بلغ 207892.8 دج.
أحسب: معدل الفائدة المركبة؛ المبلغ الموظف؛ مدة التوظيف.

أستاذة المقياس: أ. فيروز مدفوني

بالتوفيق



الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس الرياضيات المالية

العلامة	التمرين الاول	
1	$C_1 + C_2 = 30000, A_2 - A_1 = 10050, A = C + I = C(1 + t \times n / 1200)$ $C_1 + C_2 = 30000 = C_1 = 30000 - C_2$ $A_1 = (30000 - C_2) (1 + t_1 \times n_1 / 100) = (30000 - C_2) (1 + 10 \times 9 / 1200)$ $= (30000 - C_2) 1.075 = 32250 - 1.075 C_2 \dots\dots (1)$ $A_2 = C_2 (1 + t_2 \times n_2 / 100) = C_2 (1 + 8 \times 6 / 1200) = 1.04 C_2 \dots\dots (2)$ نطرح 1 من 2 فنجد: $A_2 - A_1 = 10050 = 1.04 C_2 - 32250 - 1.075 C_2 = 10050$ $2.115 C_2 = 42300$ $C_2 = 20000$ $C_1 = 10000$ $A_1 = 10750$ $A_2 = 20800$	1
5 نقاط	المجموع	

النقاط	التمرين الثاني	
0.5	$M_6 = m_3 (1 + t)^3$ $2435.30 = 2183.7 (1 + t)^3$ $(1 + t)^3 = 1.115217292$ $T = 1.115217292^{1/3} - 1 = 0.037$ $T = 3.7\%$	1
0.5	حساب معدل الفائدة	
0.5	$V_0 = m_1 (1 + t)^n - 1 / t$ $M_1 = m_3 (1 + t)^{-2} = 2183.7 (1.037)^{-2} = 2030.65$ $V_0 = 24043.72$	2
0.5+0.5	حساب أصل القرض	
0.5	حساب قيمة الدفعة	3
0.5+0.5	$A = m_1 + I = 2030.65 + (24043.72 \times 0.037) = 2920.27$	
0.5	حساب المبلغ المتبقي بعد سداد الدفعة الثامنة	4
0.5	$V_x = V_0 (1 + t)^n - (1 + t)^x / (1 + t)^n - 1 / x = 8$ $V_x = 5531.67$	

النقاط	التمرين الثالث
1	حساب قيمة الورقة الجديدة
0.5x4	$n_1 = 110 \text{ j} , n_2 = 75 \text{ j} , n_3 = 45 \text{ j} , n = 120 \text{ j}$
0.5	شرط التكافؤ هو:
0.5	$V_a = V_{a1} + V_{a2} + V_{a3}$
0.5	$V_n(D-n)/D = V_{n1}(D-n_1)/D + V_{n2}(D-n_2)/D + V_{n3}(D-n_3)/D : D=4500$
0.5	$V_n(4500-120)/4500 = 15000(4500-110)/4500 + 25000(4500-75)/4500 + 16000(4500-45)/4500$
0.5	$V_n = 56565.07$
2	حساب تاريخ استحقاق الورقة الجديدة التي قيمتها الاسمية هي 56200
0.5	$56200(4500-n)/4500 = 15000(4500-110)/4500 + 25000(4500-75)/4500 + 16000(4500-45)/4500$
0.5	$N = 92 \text{ j}$
0.5	تاريخ الاستحقاق هو يوم 01 أكتوبر
5 نقاط	المجموع

النقاط	التمرين الرابع	
2	$l_3 = 5512.5$, $l_{11} = 8144.47$, $A = 207892.8$ $l_{11} = C(1+t)^{10} \times t$, $l_3 = C(1+t)^2 \times t$ $l_{11} / l_3 = C(1+t)^{10} \times t / C(1+t)^2 \times t = 8144.47/5512.5 = (1+t)^{10}/(1+t)^2 = 1.477454875 = (1+t)^8 = t = 1.477454875^{1/8} - 1 \dots T = 5\%$	1
1	$l_3 = C(1+t)^2 \times t = 5512.5$ $C = 5512.5 / (1.05)^2 \times 0.05 = 10000$	2
2	$C_n = C(1.05)^n = 100000(1.05)^n = 207892.8$ $(1.05)^n = 2.078928$ $N = \log 2.078928 / \log(1.05)$ $N = 15 \text{ ans}$	3
5 نقاط	المجموع	