



يوم : 2025/01/14

امتحان الدورة العادية في مقياس تحليل السلاسل الزمنية

السؤال/ التمرين الأول: (4 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع تصحيح الخطأ إن وجد:

1. التمهيد الأسّي البسيط يوفر أوزان نسبية لقيم الظاهرة تتزايد بمعدل متتالية حسابية.
2. التمهيد الأسّي يمثل أهم الطرق الكمية للتنبؤ.
3. ينحصر معامل بيرسون للارتباط بين المجال $[0,1]$.
4. السلاسل الزمنية المتقطعة يمكننا من أخذ قياسات وقراءات للظاهرة عند كل لحظة زمنية.

السؤال الثاني: (5 نقاط)

إليك البيانات التالية والتي تتمثل في المبيعات والتكاليف بالمؤسسة خلال الفترة 2024/2019 (بالمليون) :

السنة t	2019	2020	2021	2022	2023	2024
المبيعات (y)	15	29	17	12	38	14
التكاليف (x)	8	14	11	6	19	7

المطلوب:

- حدد علاقة الارتباط بين التكاليف والمبيعات.
- في حال علاقة الارتباط بين المبيعات والأرباح تتمثل في $r_{yz}=0.82$ وعلاقة الارتباط بين التكاليف والأرباح $r_{xz}=0.4$ حدد علاق الارتباط الذاتي الجزئي بين الأرباح والتكاليف مع عزل المبيعات .

السؤال الثالث: (00 نقاط)

إليك القراءات التالية والمتمثلة في عدد الوحدات التالفة من المنتجات المصنعة للمؤسسة الرتاج خلال سنة 2024:

	جانفي	فيفري	مارس	أفريل	ماي	جوان	جويلية	أوت	سبتمبر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر
y_t	24	14	55	38	22	10	16	19	14	8	10	14

المطلوب:

- استخدم نموذج التمهيد الأسّي المزدوج (brown) للتنبؤ بعدد الوحدات التالفة خلال 5 أشهر اللاحقة وذلك باعتماد $\alpha = 0.2$ (تأخذ القيم بالتقريب إلى الوحدة مع توضيح العمليات الخاصة بشهر مارس)
- قم بالكشف عن الاتجاه العام من خلال اختبار الاشارات عد معنوية 5% علما ان $Z_{0.4750} = 1.96$
- اعتمادا على اختبار Kruskal-wallis قم بالكشف عن الموسمية بالسلسلة $X^2_{0.05;11} = 19.68$

أ. مباركي سناء

بالتوفيق



الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس تحليل السلاسل

العلامة	التمرين الاول
0.5	1 خطأ
0.5	التمهيد الأساسي البسيط يوفر اوزان نسبية لقيم الظاهرة تتناقص بمعدل متتالية هندسية.
0.5	2 خطأ
0.5	التمهيد الأساسي يمثل أهم الطرق الكمية الاستقطابية الكمية للتنبؤ.
0.5	3 خطأ
0.5	ينحصر معامل بيرسون للارتباط بين المجال $[1-; +1]$
0.5	4 خطأ
0.5	تمكننا من أخذ مشاهدات وقراءات عند فترات زمنية معينة مسبقا متتالية ومتساوية الطول
4	المجموع

النقاط	التمرين الثاني																																																
0.5 0.5 0.5 0.5 0.5	1 تحديد علاقة الارتباط بين التكاليف والمبيعات:																																																
	<table><tr><td>المجموع</td><td>2024</td><td>2023</td><td>2022</td><td>2021</td><td>2020</td><td>2019</td><td></td></tr><tr><td>125</td><td>14</td><td>38</td><td>12</td><td>17</td><td>29</td><td>15</td><td>المبيعات y</td></tr><tr><td>65</td><td>7</td><td>19</td><td>6</td><td>11</td><td>14</td><td>8</td><td>التكاليف x</td></tr><tr><td>3139</td><td>196</td><td>1444</td><td>144</td><td>289</td><td>841</td><td>225</td><td>y²</td></tr><tr><td>827</td><td>49</td><td>361</td><td>36</td><td>121</td><td>196</td><td>64</td><td>x²</td></tr><tr><td>1605</td><td>98</td><td>722</td><td>72</td><td>187</td><td>406</td><td>120</td><td>xy</td></tr></table>	المجموع	2024	2023	2022	2021	2020	2019		125	14	38	12	17	29	15	المبيعات y	65	7	19	6	11	14	8	التكاليف x	3139	196	1444	144	289	841	225	y ²	827	49	361	36	121	196	64	x ²	1605	98	722	72	187	406	120	xy
	المجموع	2024	2023	2022	2021	2020	2019																																										
	125	14	38	12	17	29	15	المبيعات y																																									
	65	7	19	6	11	14	8	التكاليف x																																									
	3139	196	1444	144	289	841	225	y ²																																									
	827	49	361	36	121	196	64	x ²																																									
	1605	98	722	72	187	406	120	xy																																									
	بالتعويض فيما يلي:																																																
	$r_{x.y} = \frac{n \sum_{i=1}^n xy - \sum_{i=1}^n x \sum_{i=1}^n y}{\sqrt{n \sum_{i=1}^n x^2 - (\sum_{i=1}^n x)^2} * \sqrt{n \sum_{i=1}^n y^2 - (\sum_{i=1}^n y)^2}}$																																																
نجد:																																																	
$r_{x.y} = \frac{(6 * 1605) - (125 * 65)}{\sqrt{(6 * 827) - (65)^2} * \sqrt{(6 * 3139) - (125)^2}} = 0.98$																																																	
مما سبق نجد أن هنالك علاقة طردية بين التكاليف والمبيعات.																																																	
0.25	2 ايجاد علاقة الارتباط بين المبيعات والتكاليف $r_{x,z}$ مع عزل الأرباح في حال $r_{y,z} = 0.82$ و $r_{x,y} = 0.98$ و $r_{x,z} = 0.4$																																																
	$r_{xy.z} = \frac{r_{xy} - (r_{xz} * r_{yz})}{\sqrt{[1 - r_{xz}^2] [1 - r_{yz}^2]}}$																																																
	بالتعويض نجد:																																																
	$r_{xy.z} = \frac{0.98 - (0.82 * 0.4)}{\sqrt{[1 - 0.82^2] [1 - 0.4^2]}} = 1.24$																																																
5	المجموع																																																

	+4	+2	-6	-5	+3	+6	-12	-16	-17	+41	-10	-	$y_t - y_{t-1}$																										
	- مما سبق نجد أن: $-0.22 < 1.96$ وبالتالي فإن $z_c < z_t$ ومنه نقبل الفرضية العدمية القائلة أن السلسلة عشوائية لا تحتوي الاتجاه العام الكشف عن الموسمية من خلال <u>kruskal-wallis</u> عند درجة معنوية 5% علما ان - H0: السلسلة عشوائية ($z_c < z_t$) - H1: السلسلة ذات اتجاه عام ($z_c > z_t$) $KW = \frac{12}{n(n+1)} \sum_{i=1}^p \frac{R_i^2}{m_i} - 3(n+1) \rightarrow x_{p-1}^2$ ترتيب القيم: <table><tr><td>R_i</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>27</td><td>(12)55</td><td>(5)14</td><td>(10)24</td><td>الفصل الأول</td></tr><tr><td>22.5</td><td>(2.5)10</td><td>(9)22</td><td>(11)38</td><td>الفصل الثاني</td></tr><tr><td>20</td><td>(5)14</td><td>(8)19</td><td>(7)16</td><td>الفصل الثالث</td></tr><tr><td>8.5</td><td>(5)14</td><td>(2.5)10</td><td>(1)8</td><td>الفصل الرابع</td></tr></table> $KW = \frac{12}{12(12+1)} * \left(\frac{27^2 + 22.5^2 + 20^2 + 8.5^2}{4} \right) - 3(12+1) = -6.16 $ مما سبق نجد أن $x_{(\alpha.p=1)} > kw$ و بالتالي نقبل الفرضية الصفرية القائلة أن السلسلة لا تمثل مركبة موسمية.													R_i					27	(12)55	(5)14	(10)24	الفصل الأول	22.5	(2.5)10	(9)22	(11)38	الفصل الثاني	20	(5)14	(8)19	(7)16	الفصل الثالث	8.5	(5)14	(2.5)10	(1)8	الفصل الرابع	3
R_i																																							
27	(12)55	(5)14	(10)24	الفصل الأول																																			
22.5	(2.5)10	(9)22	(11)38	الفصل الثاني																																			
20	(5)14	(8)19	(7)16	الفصل الثالث																																			
8.5	(5)14	(2.5)10	(1)8	الفصل الرابع																																			
1.5																																							
0.75																																							
0.25																																							
11	المجموع																																						