

التصحيح النموذجي لإمتحان السداسي الأول لمقياس الرياضيات المالية

التمرين الأول: (05ن)

حساب قيمة المبلغين:

$n_1 = n_2 = 3 \text{ans};$ $t_1 = 7\%;$ $t_2 = 10\%$ لدينا:

$$C_1 = C_2 + 500 \dots\dots\dots (1) \quad \text{ن } 0.5$$

$$A_1 = A_2 \Rightarrow C_1 + I_1 = C_2 (1 + t_2)^{n_2} \quad \text{ن } 0.5$$

$$\Rightarrow C_1 + C_1 \frac{t_1}{100} n_1 = C_2 (1 + t_2)^{n_2} \quad \text{ن } 0.5$$

$$\Rightarrow C_1 + C_1 \frac{7}{100} 3 = C_2 (1,1)^3 \Rightarrow C_1 + 0,21C_1 = 1,331C_2 \quad \text{ن } 0.5$$

$$\Rightarrow 1,21C_1 = 1,331C_2 \dots\dots\dots (2) \quad \text{ن } 0.5$$

بتعويض (1) في (2) نجد:

$$\Rightarrow 1,21 (C_2 + 500) = 1,331C_2 \Rightarrow 1,21C_2 + 605 = 1,331C_2 \Rightarrow 0,121C_2 = 605 \quad \text{ن } 0.5$$

$$\Rightarrow C_2 = 5000 \text{ DA} \quad \text{ن } 01$$

بالتعويض في المعادلة رقم (1) نجد:

$$C_1 = 5000 + 500 \Rightarrow C_1 = 5500 \text{ DA} \quad \text{ن } 01$$

التمرين رقم 02:

1- حساب فائدة كل مبلغ:

لدينا:

$$\frac{C_1}{7.5} = \frac{C_2}{5.5} = \frac{C_3}{2} = \frac{C_1 + C_2 + C_3}{15} \dots\dots\dots (1) \quad \text{ن } 0.5$$

$$\begin{aligned} I_1 &= \frac{C_1 \times t \times n}{36000} \Rightarrow C_1 = \frac{I_1 \times 36000}{t \times n} \\ I_2 &= \frac{C_2 \times t \times n}{36000} \Rightarrow C_2 = \frac{I_2 \times 36000}{t \times n} \\ I_3 &= \frac{C_3 \times t \times n}{36000} \Rightarrow C_3 = \frac{I_3 \times 36000}{t \times n} \end{aligned} \quad \text{ن } 0.25$$

بالتعويض في (1) نجد:

$$\frac{I_1 \times 36000}{t \times n} = \frac{I_2 \times 36000}{t \times n} = \frac{I_3 \times 36000}{t \times n} \quad \text{ن } 0.25$$

بضرب كل كسر في القيمة $(\frac{t \times n}{36000})$ نجد :

$$\frac{I_1}{7.5} = \frac{I_2}{5.5} = \frac{I_3}{2} = \frac{I_1 + I_2 + I_3}{15} = \frac{9000}{15} = 600$$

0.5 ن

إذا:

$$\frac{I_1}{7.5} = 600 \Rightarrow I_1 = 4500 \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$\frac{I_2}{5.5} = 600 \Rightarrow I_2 = 3300 \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$\frac{I_3}{2} = 600 \Rightarrow I_3 = 1200 \quad 0.25 \text{ ن}$$

2- حساب مدة الإيداع (بالأيام)، إذا كان أول مبلغ 112500 دج، والمعدل 12%؟

لدينا :

$$D = \frac{36000}{t} = \frac{36000}{12} = 3000$$

$$I_1 = \frac{C_1 \times t \times n}{36000} = \frac{C_1 \times n}{D} \Rightarrow n = \frac{D \times I_1}{C_1} = \frac{3000 \times 4500}{112500} = 120 \text{ jours} \quad 0.5 \text{ ن}$$

3- حساب المبلغين الآخرين:

$$I_2 = \frac{C_2 \times n}{D} \Rightarrow C_2 = \frac{D \times I_2}{n} = \frac{3300 \times 3000}{120} = 82500 \quad 0.75 \text{ ن}$$

$$I_3 = \frac{C_3 \times n}{D} \Rightarrow C_3 = \frac{D \times I_3}{n} = \frac{1200 \times 3000}{120} = 30000 \quad 0.75 \text{ ن}$$

4- في نهاية المدة المحسوبة سابقا تم سحب المبلغ الأول ، وترك المبالغ الأخرى بنفس المعدل لمدة 160 يوم أخرى ✓ أحسب ما تحقق للمؤسسة خلال هذه المدة؟

$$I_2' = \frac{C_2 \times n}{D} = \frac{82500 \times 160}{3000} = 4400 \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$I_3' = \frac{C_3 \times n}{D} = \frac{30000 \times 160}{3000} = 1600 \quad 0.25 \text{ ن}$$

$$I = 4400 + 1600 = 6000 \quad 0.25 \text{ ن}$$

التمرين رقم 03:

1- حساب القيمة الإسمية للورقة الثانية:

$$E_{C_1} = \frac{C_1 \times t \times n_1}{36000} = \frac{67000 \times 8 \times 90}{36000} = 1340D \quad 01 \text{ ن} \quad (\text{النتيجة} + \text{القانون})$$

$$E_{C_1} = E_{C_2} - E_{R_2} = \frac{C_2 \times n_2}{D} - \frac{C_2 \times n_2}{D + n_2} = C_2 \left(\frac{n_2}{D} - \frac{n_2}{D + n_2} \right) \Rightarrow C_2 = \frac{1340}{\frac{180}{4500} - \frac{180}{4500 + 180}} =$$

$$871000DA \quad 02 \text{ ن}$$

2- حساب مبلغ الأجيو والمعدل الحقيقي للخصم:

$$\text{Agio} = E_C + \text{Com}_1 + \text{Com}_2 \quad \text{ن 0.5}$$

$$E_C = \frac{C \times t \times n}{36000} = \frac{67000 \times 8 \times 60}{36000} = 893.333 \text{ DA} \dots \dots \dots \text{الخصم التجاري} \quad \text{ن 0.5}$$

$$\text{Com}_1 = \frac{C \times t' \times n}{36000} = \frac{67000 \times 0.5 \times 60}{36000} = 55.833 \text{ DA} \dots \dots \dots \text{عمولة التظهير} \quad \text{ن 0.5}$$

$$\text{Agio} = 893.33 + 55.833 + 20$$

$$\text{Agio} = 969.163 \quad \text{ن 0.5}$$

التمرين رقم 04:

1- إيجاد مدة استحقاق المبلغ الثاني:

$$C(1+t)^{-n} = C_1(1+t)^{-n_1} + C_2(1+t)^{-n_2} \quad \text{ن 0.5}$$

$$55000(1.1)^{-5} = 20000(1.1)^{-3} + 35000(1.1)^{-n_2} \quad \text{ن 0.5}$$

$$34150.67277 = 15026.29602 + 35000(1.1)^{-n_2}$$

$$19124.37675 = 35000(1.1)^{-n_2} \quad \text{ن 0.5}$$

$$(1.1)^{-n_2} = 0.546410764$$

$$(1.1)^{n_2} = 1.830125001 \quad \text{ن 0.5}$$

نلاحظ من الجدول المالي رقم 01 أن n_2 محصورة بين 06 و 07 سنوات

$$6 < n_2 < 7 \Rightarrow (1.1)^6 < (1.1)^{n_2} < (1.1)^7 \quad \text{0.5}$$

$$(1.1)^6 = 1.77156$$

$$(1.1)^7 = 1.948717 \Rightarrow \Delta = 0.177156 \quad \text{ن 0.5}$$

$$(1.1)^6 = 1.77156$$

$$(1.1)^{n_2} = 1.830125001 \Rightarrow \Delta' = 0.058564001 \quad \text{ن 0.5}$$

لدينا :

$$0.177156 \rightarrow 12 \text{ mois}$$

$$0.058564001 \rightarrow x \text{ mois} \Rightarrow x = \frac{12 \times 0.058564001}{0.177156}$$

$$\Rightarrow x = 3.966944456 \quad \text{ن 0.5}$$

$$n_2 = 6 \text{ ans} + 3 \text{ mois} + 29 \text{ jours} \quad \text{ن 1}$$

انتهى