

## الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية في مقياس تحليل السلاسل الزمنية

## السؤال النظري ( 04 ن):

الشروط الواجب توفرها لكي تكون السلسلة الزمنية قابلة للتحليل والدراسة

1- أن تكون مستويات السلسلة الزمنية بفترات وحدة ومتساوية (كلها سنوات أو كلها أشهر....) (01 ن)

2- أن تكون جميع مستويات السلسلة الزمنية متعلقة بمكان واحد أو منطقة واحدة (01 ن)

3- أن تكون وحدة وطريقة قياس جميع مستويات السلسلة الزمنية موحدة (01 ن)

4- أن الفترة الزمنية للسلسلة الزمنية يجب ألا تقل عن 6 فترات زمنية متتابعة. (01 ن)

التمرين الأول ( 08 ن): لدينا البيانات الآتية عن معدل النمو السنوي في القطاع الزراعي لبلد ما خلال الفترة 2016-2020 كما يلي:

1- تبيان أن السلسلة مستقرة أو غير مستقرة (02 ن)

نقسم السلسلة إلى قسمين متساويين

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020
معدل النمو %	04	08	09	10	11
المتوسط	$6 = \bar{Y}_1$		$10.5 = \bar{Y}_2$		

المتوسطان غير متساويان إذن السلسلة غير مستقرة

2- إيجاد معامل الخشونة (02 ن)

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020	المجموع
$Y_t$	4	8	9	10	11	42
	-	4	8	9	10	-
$Y_t - Y_{t-1}$	-	4	1	1	1	-
$(Y_t - Y_{t-1})^2$	-	16	1	1	1	19
$Y_t - \bar{Y}$	-	0.4	0.6	1.6	2.6	-
$(Y_t - \bar{Y})^2$	-	0.16	0.36	2.56	6.76	9.84

معامل الخشونة  $C.R = 19/9.84 = 1.930$

3- إيجاد سلسلة جديدة بمتوسط متحرك بطول سنتين (02 ن)

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020
الأصلية	04	08	09	10	11
س. جديدة $K=2$	6	8.5	9.5	10.5	

4- إيجاد معامل الخشونة الجديد (02 ن)

السنوات	2016	2017	2018	2019	2020	المجموع
س . الأصلية	04	08	09	10	11	
س. جديدة $K=2$	6	8.5	9.5	10.5		34.5
	-	-	6	8.5	9.5	
$Y_t - Y_{t-1}$	-	-	2.5	1	1	
$(Y_t - Y_{t-1})^2$	-	-	6.25	1	1	8.25
$Y_t - \bar{Y}$	-	-	0.125-	0.875	1.875	
$(Y_t - \bar{Y})^2$	-	-	0.015	0.765	3.515	4.296

معامل الخشونة الجديد  $C.R = 8.25/4.296 = 1.920$

حل التمرين الثاني (08 ن): لدينا البيانات الآتية عن مبيعات مؤسسة ما خلال الفترة 2018-2022 ( ألف وحدة)

بناء الجدول بالكامل بالطريقة المختصرة (02 ن)

السنوات	2018	2019	2020	2021	2022	مجموع
المبيعات	20	18	14	12	10	74
t	2 -	1 -	0	1	2	0
$t^2$	4	1	0	1	4	10
$Yt^2$	80	18	0	12	40	150
$t^4$	16	1	0	1	16	34

1- تقدير معالم المعادلة (03 ن)

المعادلات الطبيعية

$$74 = 5\hat{A} - 10\hat{B} \quad \leftarrow \quad \sum Y = N\hat{A} - \hat{B} \sum t^2$$

$$150 = 10\hat{A} - 34\hat{B} \quad \leftarrow \quad \sum Yt^2 = \hat{A} \sum t^2 - \hat{B} \sum t^4$$

$$\hat{B} = 0.142 - \quad , \quad \hat{A} = 14.516 \quad : \quad \text{نحصل على}$$

$$\hat{Y} = 14.516 - 0.142t$$

2- التنبؤ بمبيعات المؤسسة سنة 2024 (03 ن)

$$\hat{Y} = 12.244 \quad \leftarrow \quad \text{نضع } t=4$$