

التمرين 1 (7 نقاط):

- 1 - أحسب شدة المحصلة R المؤثرة على الشحنة q_3 (و ذلك بعد تمثيل القوى المؤثرة على الشحنة q_3 في النقطة C) انطلاقا من الشكل 1. علما أن:

$$q_1 = -1.5mC ; \quad q_2 = 0.5mC ; \quad q_3 = 0.2mC$$

$$r_1 = AC = 1.2m ; \quad r_2 = BC = 0.5m$$

- 2 - استنتج الزاوية التي تصنعها المحصلة R مع المستقيم AC .

$$\text{يعطى: } K=9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 \text{c}^{-2}$$

التمرين 2 (7 نقاط):

كرة مملوءة نصف قطرها 5cm مشحونة كلياً بشحنة مقدارها $25\mu C$.

- 1 - أحسب شدة الحقل الكهربائي بتطبيق "نظرية غوص" لهذه الكرة على بعد 10cm من مركز الكرة (الشكل 2).
2 - أعط اتجاهه
3 - استنتج عبارة فرق الجهد الكهربائي $V(r)$ دون حساب الدقة.

$$\text{يعطى: } (\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N.m}^2) \text{ (سماحية الفراغ)}$$

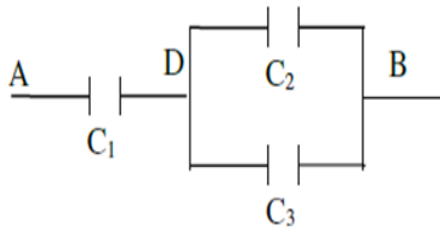
$$S = 4\pi r^2 \text{ (مساحة الكرة)}$$

التمرين 3 (6 نقاط):

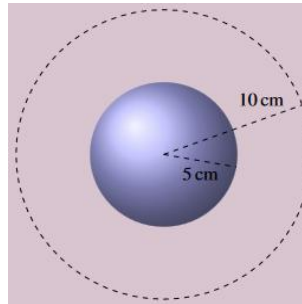
- 1 - عين سعة مجموع المكثفات الممثلة على الشكل 3.

$$\text{حيث: } C_1 = C_2 = C_3 = 3mF$$

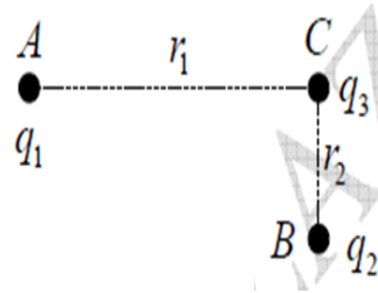
- 2 - إذا كان التوتر المطبق هو 6V، أحسب الشحنة و فرق الكمون المطبق بين طرفي المكثفة C_1 .



الشكل 3



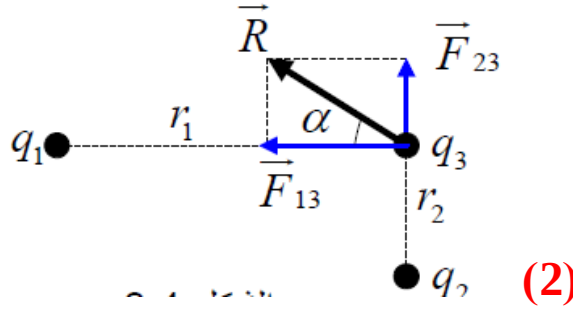
الشكل 2



الشكل 1

1 - حساب شدة المحصلة R :

- التمثيل



بما أن $q_3 < 0$ فإن $F_{13} < 0$ و هي قوة تجاذب.

و بما أن $q_3 > 0$ فإن $F_{23} > 0$ و هي قوة تنافر.

$$\vec{F}_{13} = -K \frac{q_1 \cdot q_3}{r_1^2} \vec{U}_1 \quad (0.5)$$

$$F_{13} = 9 \times 10^9 \cdot \frac{(1.5 \times 10^{-3}) \times (0.2 \times 10^{-3})}{(1.2)^2}$$

$$F_{13} = 1.875 \times 10^3 N \quad (0.5)$$

$$\vec{F}_{23} = -K \frac{q_2 \cdot q_3}{r_2^2} \vec{U}_2 \quad (0.5)$$

$$F_{23} = 9 \times 10^9 \cdot \frac{(0.5 \times 10^{-3}) \times (0.2 \times 10^{-3})}{(0.5)^2}$$

$$F_{23} = 3.6 \times 10^3 N \quad (0.5)$$

$$R = \sqrt{F_{13}^2 + F_{23}^2} \quad (1)$$

$$R = 4.06 \times 10^3 N \quad (1)$$

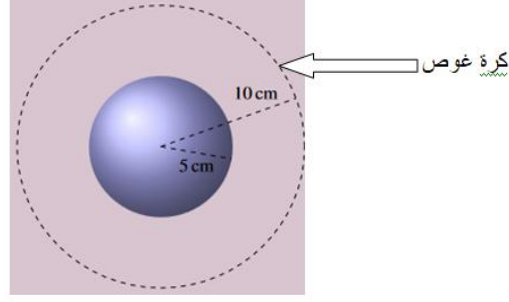
2 - الزاوية التي تصنعها المحصلة R مع المستقيم AB

$$\tan \alpha = \frac{F_{23}}{F_{13}} = 1.92 \quad (0.5)$$

$$\alpha = 62.4^\circ \quad (0.5)$$

التمرين 2 (7 نقاط):

بالتوفيق



1 - حساب شدة الحقل الكهربائي للكرة على بعد 10cm من مركزها:

بتطبيق نظرية غوص:

$$\int E \cdot d\vec{S} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot S = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0} \quad (1)$$

مساحة الكرة: $S = 4\pi r^2$

$$E \cdot 4\pi r^2 = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0} \quad (1)$$

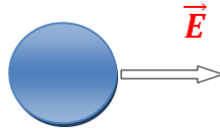
$$E = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0 \cdot 4\pi r^2} \quad (1)$$

$$E = \frac{25 \times 10^{-6}}{4\pi(0.1)^2 \times 8.854 \times 10^{-12}}$$

$$E = 2.246 \times 10^7 \text{ N/C} \quad (1)$$

2 - الاتجاه:

بما أن شدة الحقل الكهربائي موجبة فإن الحقل يتجه نحو الخارج.



3 - إستنتاج عبارة فرق الجهد الكهربائي V(r):

$$E = -\overrightarrow{\text{grad}} V$$

$$V = -\int \vec{E} \cdot d\vec{r} \quad (1)$$

بالتوفيق

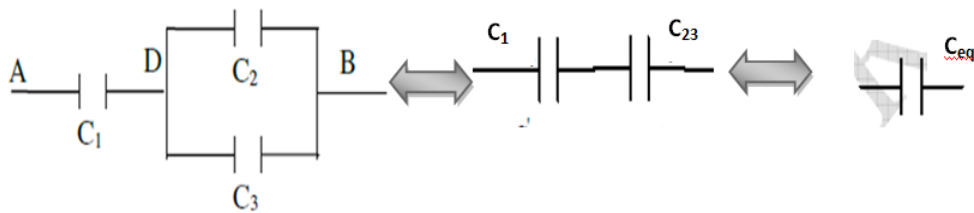
$$V = - \int \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0 \cdot 4\pi r^2} \cdot dr$$

$$V = - \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0 \cdot 4\pi} \int \frac{1}{r^2} dr$$

$$V = - \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0 \cdot 4\pi r} + C \quad (1)$$

التمرين 3 (6 نقاط):

1 - حساب سعة مجموع المكثفات للتركيب :



$$C_{23} = C_2 + C_3 \quad (1)$$

$$C_{23} = 6\text{mF} = 6 \times 10^{-3}\text{F} \quad (0.5)$$

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_{23}} \quad (1)$$

$$C_{eq} = 2 \times 10^{-3}\text{F} \quad (0.5)$$

2 - حساب الشحنة و فرق الكمون المطبق بين طرفي المكثفة C_1 :

$$C = \frac{Q}{U} \quad \text{لدينا}$$

$$Q = C \cdot U \quad (0.5)$$

$$Q_1 = Q_{23} \quad \text{و أيضا (ربط على التسلسل)} \quad (0.5)$$

$$3U_1 = U_{23} \quad \text{ومنه (1)} \quad (0.5)$$

$$U_1 + U_{23} = 6 \quad \text{و لدينا (2)..... (ربط على التسلسل)} \quad (0.5)$$

نعوض العلاقة (2) في العلاقة (1)

$$3U_1 = 6 - U_1$$

$$U_1 = 3\text{V} \quad \text{نجد} \quad (0.5)$$

$$Q_1 = 9 \times 10^{-3}\text{C} \quad Q_1 = C_1 \cdot U_1 \quad (0.5)$$

بالتوفيق