

Ministère de l'enseignement supérieur et de la recherche scientifique
Université l'Arbi Ben M'Hidi Oum El Bouaghi

Faculté des Sciences Exactes et S.Nature et de Vie

Année Universitaire
2022-2023

Département Science de Matière

Niveau: 3^{ème} Année Section: 1 groupe: 1

Spécialité: PHYSIQUE-FONDAMENTALE

Module: Electromagnétisme II

PV de Notes des Examens 5^{ème} Semestre

Num	N° Inscription	Nom & Prénom	Examen	TD	TP	Observations
1	04092068273	BOUHALFAYA Ikram	/	/	/	/
2	1834005070	BOUSSAFEUR AYA	/	/	/	
3	04092068350	KHELIFI Ilyes Younes Islam	07,00	11.00	/	
4	04091968201	KHOUALDI Chaima	05,50	12.00	/	
5	04092068411	ZAOUI Isra-Ghofrane	06,50	08.00	/	
6	04092068425	SAOU Fatiha	07,50	13.50	/	
7	04092068336	SAHBI Aya	11,00	15.00	/	
8	04092068348	ATHMANI Ikram	08,00	13.25	/	
9	04092068247	AGGOUN Chaima	07,50	12.00	/	
10	04092068309	FORTAS Imane	07,00	11.50	/	
11	04092068438	GUESMIA Ismahane	06,50	13.00	/	
12	04092068308	GUIDOUM Cheyma	08,50	14.25	/	
13	04092068387	MERZOUGUI Lamia	08,00	15.50	/	
14	04092068398	MEROUANI Ikram	06,50	11.50	/	

Enseignant: ZIAR Toufik

Date: 29/01/2022



Corrigé type: EM II

7/7

Q.C.M de cours: (7pts)

<p>1. Les équations de Maxwell dans le vide s'écrivent :</p> <ul style="list-style-type: none"> • $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = \frac{\partial B}{\partial t}$; $\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = 0$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -\frac{\partial B}{\partial t}$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{H} = \vec{0}$ • $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = \frac{\partial B}{\partial t}$; $\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = -\frac{\partial B}{\partial t}$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = \vec{0}$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{H} = \vec{0}$ ✓ • $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$; $\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = 0$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -\frac{\partial B}{\partial t}$; $\vec{\nabla} \wedge \vec{H} = \frac{\partial B}{\partial t}$ ✓ <p>(N)</p>	<p>2. Les champs électrique \vec{E} et magnétique \vec{H} d'une onde électromagnétique sont :</p> <ul style="list-style-type: none"> • Déphasés et parallèles ✓ • En phase et perpendiculaires ✓ (2) • En phase et parallèles • Déphasés et perpendiculaires.
<p>3. Les ondes électromagnétiques peuvent se propager :</p> <ul style="list-style-type: none"> • Uniquement dans le vide • Uniquement dans l'eau • Uniquement à travers la matière ✓ • Dans les trois milieux précédents ✓ <p>(N)</p>	<p>4. La vitesse de propagation d'une onde électromagnétique dans un milieu de permittivité ϵ et de perméabilité μ est donnée par :</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ • $1/\sqrt{\epsilon\mu}$ ✓ (2) • $\sqrt{\epsilon\mu}$ • $\sqrt{\epsilon/\mu}$ • $\sqrt{\mu/\epsilon}$
<p>5. Soit une onde OPPM que signifie OPPM</p> <ul style="list-style-type: none"> • Onde plane progressive monomode ✓ • Onde plane progressive monochromatique ✓ • one plane polarisé monophasée <p>(N)</p>	<p>6. L'équation d'onde d'une onde OPPM qui se propage dans la direction Z est donnée par :</p> <ul style="list-style-type: none"> • $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} - \frac{1}{c} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$ • $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} - c^2 \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$ ✓ • $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$ ✓ (1)
<p>7. Sous l'influence d'un champ électrique externe, les moments dipolaires des molécules polaires ont tendance à s'orienter :</p> <ul style="list-style-type: none"> • Perpendiculairement aux lignes de champ ✓ • Parallèlement aux lignes de champ (1) • D'une façon arbitraire 	

EXO N° 02 (/5pts)

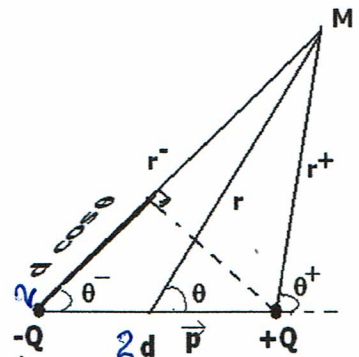
1) Calcul du potentiel :

Le potentiel créé par le dipôle est la somme de deux potentiels créés par les charges $-q$ et $+q$. En notant r^- et r^+ les distances entre ces charges et le point de mesure M on a :

$$V(M) = V(M)_{+q} + V(M)_{-q}$$

$$= \frac{+q}{4\pi\epsilon_0 r^+} + \frac{-q}{4\pi\epsilon_0 r^-}$$

$$V(M) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r^+} - \frac{1}{r^-} \right)$$



5/5

0,25

0,5

Les distances r^+ et r^- peuvent être exprimées en fonction des coordonnées polaires par :

$$r^+ = r \left(1 + \frac{2d}{r} \cos\theta + \frac{d^2}{r^2} \right)^{1/2} ; r^- = r \left(1 - \frac{2d}{r} \cos\theta + \frac{d^2}{r^2} \right)^{1/2}$$

En partant de l'hypothèse $r \gg 2d$ nous pouvons faire l'approximation suivante :

$$\frac{1}{r^+} \cong \frac{1}{r} \left(1 - \frac{d}{r} \cos\theta \right) ; \frac{1}{r^-} \cong \frac{1}{r} \left(1 + \frac{d}{r} \cos\theta \right)$$

Nous aurons le potentiel : $V(r) = \frac{qdcos\theta}{2\pi\epsilon_0 r^2}$

2) Calcul du champ électrostatique associé :

$$\vec{E} = -\text{grad} V(r) \quad \vec{E} = -\left(\frac{\partial V}{\partial r} \vec{u}_r + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} \vec{u}_\theta \right)$$

$$\vec{E} = \frac{qdcos\theta}{\pi\epsilon_0 r^3} \vec{u}_r + \frac{qdsin\theta}{2\pi\epsilon_0 r^3} \vec{u}_\theta$$

EXO N° 01 (8pts)

1) Les équations de Maxwell dans le vide : $\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 0 ; \vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} ; \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 ; \vec{\nabla} \wedge \vec{B} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$

2) Les équations de propagation du champ \vec{E} et du champ \vec{B} dans le vide

- Pour le champ électrique

De la deuxième équation de MAX

$$\vec{\nabla} \wedge (\vec{\nabla} \wedge \vec{E}) = -\frac{\partial \vec{\nabla} \wedge \vec{B}}{\partial t} \text{ avec } \vec{\nabla} \wedge \vec{B} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \text{ connaissons : } \vec{\nabla} \wedge (\vec{\nabla} \wedge \vec{E}) = \vec{\nabla} \cdot (\vec{\nabla} \cdot \vec{E}) - \nabla^2 \vec{E}$$

On aura : $-\nabla^2 \vec{E} = -\mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$ puis : $\nabla^2 \vec{E} - \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0$ qui est équations de propagation du champ \vec{E}

- Pour le champ magnétique on aura $\nabla^2 \vec{B} - \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2} = 0$

3) Calcul de $\text{rot} E = \nabla \wedge E ; \text{rot} B = \nabla \wedge B, \text{div} E = \nabla \cdot E$ et $\text{div} B = \nabla \cdot B$

$$\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ E_x & E_y & E_z \end{vmatrix} = \left(\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} \right) \vec{e}_x - \left(\frac{\partial E_z}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial z} \right) \vec{e}_y + \left(\frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} \right) \vec{e}_z$$

$$\vec{E} = \vec{E}_0 e^{j(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})} = \begin{pmatrix} E_{0x} \\ E_{0y} \\ E_{0z} \end{pmatrix} e^{j(\omega t - k_x x - k_y y - k_z z)}$$

$$\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -j \vec{k} \wedge \vec{E}$$

De la même façon on obtient : $\vec{\nabla} \wedge \vec{B} = -j\vec{k} \wedge \vec{B}$

0,25 x 3

Pour les divergences :

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\partial E_x}{\partial x} + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z}$$

0,25 x 2 x 2

après calcul on trouve : $\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = -j\vec{k} \cdot \vec{E}$ et $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = -j\vec{k} \cdot \vec{B}$

4) E et B sont transversaux

D'après les équations de Max :

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = -j\vec{k} \cdot \vec{B} = 0 \text{ et } \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = -j\vec{k} \cdot \vec{E} = 0 \text{ alors } \vec{E} \perp \vec{k} \text{ et } \vec{B} \perp \vec{k}$$

0,5

5) E et B sont perpendiculaires entre eux

D'après les équations de Max :

$$\vec{\nabla} \wedge \vec{B} = -j\vec{k} \wedge \vec{B} = j\omega\mu_0\varepsilon_0\vec{E} \text{ et } \vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -j\vec{k} \wedge \vec{E} = -j\omega\vec{B} \text{ alors } \vec{E} \perp \vec{B}$$

0,5

Une onde plane électromagnétique : $\vec{E} = E_0 \cos(\omega t - kz) \vec{e}_x$

6) le sens de propagation: Cette onde se propage suivant l'axe des z positifs

La vitesse de propagation $v = \omega/k$

0,5

7) Détermination du champ B : Le champ B sera déterminé à travers l'équation de

Maxwell : $\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = -j\omega\vec{B}$

0,5

$$\vec{\nabla} \wedge \vec{E} = \begin{vmatrix} \vec{e}_x & \vec{e}_y & \vec{e}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ E_0 e^{j(\omega t - kz)} & 0 & 0 \end{vmatrix} = 0 \cdot \vec{e}_x - jkE_0 e^{j(\omega t - kz)} \vec{e}_y + 0 \cdot \vec{e}_z = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -j\omega\vec{B}$$

0,5

$$\vec{B} = -\frac{k}{\omega} E_0 e^{j(\omega t - kz)} \vec{e}_y$$

0,5

