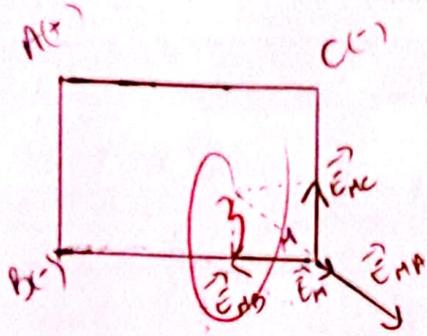


Exo 1:

1.



$$\vec{E}_M = \vec{E}_{MA} + \vec{E}_{MB} + \vec{E}_{MC} \quad (1)$$

$$E_{MA} = k q_A = \frac{2 \times 10^{-5} \times 9 \times 10^9}{(\sqrt{A^2+B^2})^2} = 0,165 \times 10^8 \text{ V.m}^{-2}$$

$$E_{MB} = \frac{k q_B}{A^2} = \frac{19 \times 10^{-9} \times (10^5)^2}{10^2 \times 10^4} = 0,09 \times 10^8 \text{ V.m}^{-2}$$

$$E_{MC} = \frac{k q_C}{B^2} = \frac{19 \times 10^{-9} \times (10^5)^2}{10^4 \times 3^2} = 10^8 \text{ V.m}^{-2}$$

0x: $E_x = \frac{\sqrt{2}}{2} E_{MA} - E_{MB} + 0 \quad (0,1)$

$$E_x = 0,165 \times 10^8 - 0,09 \times 10^8 = 0,075 \times 10^8$$

0y: $E_y = -\frac{\sqrt{2}}{2} E_{MA} - E_{MC} + 0 \quad (0,1)$

$$E_y = -0,165 \times 10^8 - 10^8 = -1,165 \times 10^8$$

$$E_M = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = 1,17 \times 10^8 \text{ V.m}^{-2} \quad (0,17)$$

2. $V_M = V_A + V_B + V_C \quad (1)$

$$V_M = \frac{k q_A}{\sqrt{A^2+B^2}} + \frac{k q_B}{A} + \frac{k q_C}{B} = k q_B \left(\frac{2}{\sqrt{A^2+B^2}} - \frac{1}{A} - \frac{1}{B} \right) = 9 \times 10^9 \times 10^{-5} \times (-3,72) = -335428 \text{ V}$$

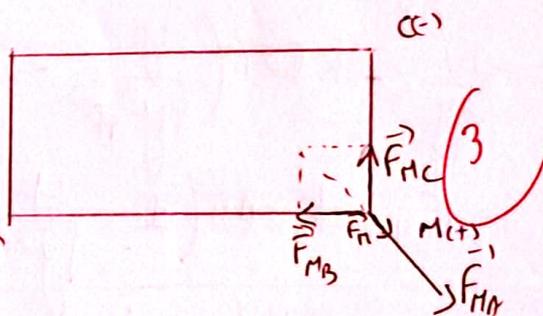
$$V_M = -335428 \text{ V} \quad (0,5)$$

3. $\vec{F}_M = \vec{F}_{MA} + \vec{F}_{MB} + \vec{F}_{MC} \quad (1)$

$$F_{MA} = \frac{k q_A q_M}{(\sqrt{A^2+B^2})^2} = 1,65 \times 10^3 \text{ N}$$

$$F_{MB} = 0,09 \times 10^3 = 0,09 \times 10^3 \text{ N}$$

$$F_{MC} = 10^3 \text{ N}$$



0x: $F_x = \frac{\sqrt{2}}{2} F_{MA} - F_{MB} + 0 \quad (0,1)$

$$F_x =$$

0y: $F_y = +\frac{\sqrt{2}}{2} F_{MA} - F_{MC} + 0 \quad (0,1)$

$$F_y =$$

$$F_M = q_M \cdot E_M = 10^{-5} \times 1,17 \times 10^8 = 1,17 \times 10^3 \text{ N}$$

5. $E_I = k \left[\frac{q_A q_B}{AB} + \frac{q_A q_C}{AC} + \frac{q_A q_M}{AM} + \frac{q_B q_C}{BC} + \frac{q_B q_M}{BM} + \frac{q_C q_M}{CM} \right] = \quad (1) \quad (0,15)$

6. $W = -q_A (V_A - V_M) \quad (1)$

1. despotential:

$$dV(M) = \frac{Kdq}{b}$$

$$dq = \sigma ds = \sigma r dr d\theta$$

$$b = \sqrt{y^2 + r^2}$$

$$dV(M) = \frac{K\sigma r dr d\theta}{\sqrt{y^2 + r^2}}$$

$$V(M) = \int dV(M) = K\sigma \int_0^R \frac{r dr}{\sqrt{y^2 + r^2}} \int_0^{2\pi} d\theta$$

$$V(M) = K\sigma 2\pi \left[\sqrt{y^2 + r^2} \right]_0^R$$

$$V(M) = K\sigma 2\pi (\sqrt{y^2 + R^2} - \sqrt{y^2})$$

$$V(M) = K\sigma 2\pi (\sqrt{y^2 + R^2} - y)$$

2. deschamp: $\vec{E} = -\vec{\text{grad}} V$

$$\vec{E} = E_y \vec{j}$$

$$E_y = -\frac{dV}{dy} = -K\sigma 2\pi \left(\frac{y}{\sqrt{y^2 + R^2}} - 1 \right)$$

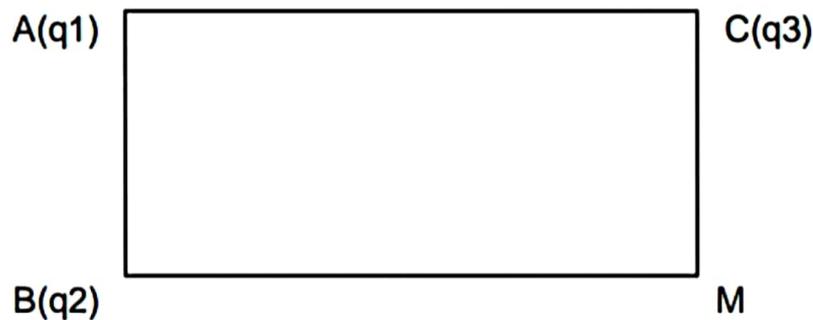
$$\Rightarrow E_y = K\sigma 2\pi \left(1 - \frac{y}{\sqrt{y^2 + R^2}} \right)$$

$$\vec{E}(M) = 2\pi\sigma K \left(1 - \frac{y}{\sqrt{y^2 + R^2}} \right) \vec{j}$$

Examen final :

Exercice 01 :

Soit le système des charges donné par la figure.



- 1- Représenter et Calculer le champ électrique crée au pt **M**.
- 2- Trouver le potentiel électrique en même pt.
- 3- On place au pt **M** une charge $q_4 = 10^{-5} \text{ C}$, Représenter et Calculer la force électrostatique exercée sur cette charge.
- 4- Calculer l'énergie potentielle électrique de la charge placée au pt **M**.
- 5- Calculer l'énergie interne de ce système à quatre charges.
- 6- Quel est le travail subi pour ramener la charge q_1 du pt **A** au pt **M**

On donne : $q_2 = q_3 = -10^{-5} \text{ C}$, $q_1 = 2 \times 10^{-5} \text{ C}$, $AB = CM = b = 3 \text{ cm}$ et $AC = BM = a = 10 \text{ cm}$

Exercice 02 :

Un disque plan circulaire, de rayon **R** porte une distribution surfacique de charge avec une densité σ constante et positive.

Un pt **M** de l'axe de révolution du disque est repéré par sa distance (**OM=y**)

- 1- Calculer le potentiel **V(M)** crée au pt **M** par le disque chargé.
- 2- Dédire le champ électrostatique total **E(M)** crée par cet anneau au pt **M**.

